8

Gestion des Stocks des Matières Premières : Cas de l'entreprise Ifri Béjaia Algérie

Ait Habib N., Bouhali S., Aiane N. et Aïssani D.

E-mail: lamos_bejaia@hotmail.com E-mail: aianenedjma@hotmail.com

Résumé L'entreprise Ifri est une entité économique de l'agro-alimentaire financièrement indépendante, elle possède un volume important de matières premières afin d'assurer sa capacité de production.

A cet effet, il y a lieu de déterminer les quantités à stocker de chaque produit (matière première) et les ordres de lancement de ces commandes.

Dans ce travail, nous avons proposé un modèle linéaire, pour la détermination des quantités optimales à commander de chaque concentré ainsi qu'un plan optimal des ordres de lancement de ces commandes.

Nous avons pris comme objectif la minimisation des quantités des matières premières à stocker sous des contraintes de capacité de stockage. A la fin, nous présentons une approche de résolution basée sur l'algorithme du Simplex et l'algorithme de Branch and Bound en utilisant le solveur CPLEX. Un plan optimal pour le stockage des concentrés de boisson a été dégagé.

Mots clefs: Gestion des stocks, Optimisation combinatoire, Programmation linéaire, Modélisation, CPLEX.

8.1 Introduction

Comme nous le savons, toute entreprise possède des stocks pour plusieurs raisons tel que la satisfaction de la demande de sa clientèle, éviter les pénuries et assurer la continuité de sa production. Mais le stock présente aussi un inconvénient majeur pour l'entreprise car il présente un capital immobilisé et nécessite des coûts pour son entretien. C'est pour cela que chaque entreprise cherche à déterminer la quantité optimale à stocker en faisant appel aux spécialistes de la recherche opérationnelle.

Les problèmes de gestion des stocks constituent une part importante des recherches dans le domaine de la recherche opérationnelle, en effet, il existe plusieurs travaux de recherche traitant cette problématique [8, 9, 11, 12] en utilisant diverses méthodologies tel que : l'optimisation combinatoire [6], la modélisation multicritère, la programmation stochastique, la théorie des files d'attente ou la simulation.

L'objectif de ce travail est d'apporter des solutions et des éléments de réponse à une (ou plusieurs des) préoccupation(s) de l'entreprise, en s'inspirant d'un cas d'étude réel qu'est l'entreprise Ifri de Béjaia (Algérie), cette dernière est une entité économique de l'agro-alimentaire financièrement indépendante, elle possède un volume important de matières premières afin d'assurer sa capacité de production. Vue l'existence des stocks au sein de l'entreprise Ifri et son importance pour la continuité de son fonctionnement, une étude par les spécialistes de la recherche opérationnelle doit être effectuée en appliquant une méthode de gestion des stocks rigoureuse afin de mieux gérer les stocks de cette entreprise. En effet, il existe plusieurs travaux établie par l'unité de Recherche LaMOS (Modélisation et Optimisation des Systèmes) s'inscrivant dans le même cadre d'étude [1, 2, 3, 4, 5, 7, 10].

Pour mieux gérer les stocks détenus par l'entreprise Ifri, nous avons modélisé ce problème par un programme linéaire en nombre entier, dont la solution vise à trouver un niveau minimum à avoir en stock et déterminer les moments et les quantités optimales à commander afin d'éviter les ruptures de stock et la périssabilité des produits. Cette étude est établie sur l'une des matières premières (les concentrés de boissons) stockées par l'entreprise Ifri. Ce choix peut être expliqué par le fait que ces concentrés constituent la matière première la plus importante dans le processus de fabrication des boissons.

Cet article est organisé comme suit : Dans la section 2, nous exposons la problématique dégagée. Dans la section 3, nous proposons une approche de résolution pour traiter le problème de la gestion des stocks rencontré au niveau de l'entreprise Ifri. Une modélisation du problème dégagé sous forme d'un programme linéaire en nombres entiers sera établie dans la section 4. Dans la section 5, nous exposons les résultats obtenus via le solveur CPLEX, suivi d'une analyse et d'une interprétation de ces résultats dans la section 5. Nous concluons par quelques perspectives éventuelles en développement du travail présenté dans cet article.

8.2 Position du problème

La gestion des stocks tente de réaliser l'équilibre entre deux impératifs apparemment contradictoire, d'un côté, un niveau élevé des stocks entraine des coûts élevés de stockage. On a donc tendance à réduire le niveau moyen des stocks, car ces stocks représentent une immobilisation du capital, de l'autre côté, un niveau faible des stocks augmente le risque de rupture et peut provoquer l'arrêt de production, le client souhaite que sa demande soit satisfaite dans les délais et conçoit difficilement l'absence de stock. Pour le satisfaire, on a tendance à augmenter le niveau du stock.

Le but de la gestion des stocks est justement de déterminer les moments et les quantités optimales afin de satisfaire la demande des clients en minimisant les coûts en tenant compte de la capacités des chambres froides, de saisonalité de consommation, des délai d'approvisionnement par matière et la durée de vie de ces dernières. Les modèles d'optimisation stochastique ainsi obtenus sont souvent trés complexes et ne peuvent être résolus que de façon approximative. Enfin, de nombreuses autres caractéristiques peuvent venir enrichir les modèles considérés : le délai de livraison connu ou aléatoire, la capacité de stockage et de production limitée et le budget accordé.

Le problème dégagé au niveau de l'entreprise Ifri, Béjaia (Algérie) consiste à déterminer les quantités optimales qu'il faut commander de chaque concentré afin de définir un plan des ordres de lancement des commandes en minimisant le stock. Autrement dit, comment assurer l'approvisionnement en continu pour assurer le fonctionnement de la chaine de production sans qu'il y ait perte des concentrés en raison de leurs dates de péremption.

Cet objectif doit être atteint au minimum tout en respectant les contraintes liées à la capacité de stockage, les dates de péremptions des concentrés et déviter la rupture du stock.

8.3 DESCRIPTION ET MODELISATION DU PROBLEME

8.3.1 Description du problème

Le problème formulé est établi en s'inspirant d'un cas d'étude réel, celui de l'entreprise Ifri/Béjaia produisant pour le marché algérien. Ce problème tient compte des facteurs suivants : les quantités initiaux de stock de chaque concentré, la quantité à consommer, la durée de vie, le stock visé pour chaque concentré et la capacité de stockage de la chambre froide.

Les décisions à prendre concernent :

- Les quantités à commander de chaque concentré durant chaque semaine,
- Le moment de lancement de ces commandes.

Le problème de gestion des stocks de matière première (concentrés de boisson) est formulé en un programme linéaire en nombres entiers, qui vise à minimiser la quantité stockée des concentrés pendant une période du temps.

8.3.2 Formulation du problème

Détermination des variables de décision

Les variables de décision sont définies comme suit :

 x_{ij} : la quantité du concenté i à commander à la semaine j.

i: le i^{me} concentré, $i = \overline{1,9}$.

j: la j^{me} semaine, $j = \overline{1,70}$.

On distingue deux formes de désignes pour les concentrés, les concentrés : dont la forme est conique sont défini dans le tableau 1, ceux de la forme cylindrique sont défini dans le tableau 2.

Variables	Désignation (conique)
$x_{1,j}$	La quantité à commander du Pulpes Cellule d'Orange/Ifruit pendant la j ^{me} semaine.
1 -,5	La quantité à commander du concentré de Jus De Citron pendant la j^{me} semaine.
1,5	La quantité à commander du concentré de Raisin Mûre pendant la j^{me} semaine.

TABLE 8.1: Les variables de décision dont la forme est conique.

Remarque : Nous considérons que toute les quantités commandées sont recéptionnées le 31/12/2018 pour chaque concentré i, et la premièe commande sera lancée à partir de 01/01/2019.

L'objectif

Ce sont les buts visés par l'entreprise, qui sont représentés par une ou plusieurs fonctions. Dans le cas de l'entreprise Ifri, le but visé est la minimisation de la quantité stockée des concentrés pendant une période du temps.

Variables	Désignation (cylindrique)
$x_{3,j}$	La quantité à commander du concentré d'Orange A47 $^{\circ}$ BRIX/IFRUIT pendant la $j^{gr\`{a}veme}$ semaine.
$x_{5,j}$	La quantité à commander du concentré d'Orange Carotte Citron pendant la j^{me} semaine.
$x_{6,j}$	La quantité à commander du concentré de Pomme Fraise Au Lait pendant la j^{me} semaine.
1 . 75	La quantité à commander du concentré de Multiifruit Cocktail pendant la j^{me} semaine.
$x_{8,j}$	La quantité à commander du concentré d'Orange Pêche pendant la j^{me} semaine.
$x_{9,j}$	La quantité à commander du concentré de Pêche Abricot pendant la j ^{me} semaine.

TABLE 8.2: Les variables de décision dont la forme est cylindrique.

$$\min Z = \sum_{i=1}^{9} \sum_{j=1}^{70} x_{i,j}$$

Détermination des contraintes du problème

Les contraintes déterminent les conditions à respecter en prenant en considération les exigences et les moyens dont on dispose. Elles délimitent l'espace des solutions réalisables.

1. Contrainte liée au stockage :

L'entreprise ifri dispose de sept chambres froides, de capasité totale de stockage est notée par C_n .

Cette famille de contraintes assure que la quantité commandée et stokée dans la chambre froide et ne doit pas dépasser sa capacié de stockage qui est égale à $5921500 \ Kg$.

$$\sum_{i=1}^{9} (x_{i,j} + S_{i,j}) \le 5921500, \qquad j = \overline{1.70}$$
(8.1)

 $x_{i,j}$: la quantité à commander du concentré i à la j^{me} semaine. $S_{i,j}$: la quantité du stock initial du concentré i à la j^{me} semaine.

2. Contrainte liée à la consommation :

Sachant que les concentrés sont périssables, alors la durée maximale de la consommation du concentré i dans le stock ne doit pas dépasser sa durée de péremption.

$$x_{i,j} + S_{i,j} \le \sum_{k=j}^{DV_i} C_{i,j}, \qquad i = \overline{1.9}$$
 (8.2)

 $x_{i,j}$: la quantité à commander du concentré i à la $j^{\hat{m}e}$ semaine.

 $S_{i,j}$: la quantité du stock initial du concentré i à la j^{me} semaine.

 DV_i : la durée de vie du concentré i.

 $C_{i,j}$: la quantité à consommer de concentré i pendent la la \hat{j}^{me} semaine.

3. Contrainte liée à la rupture :

Si le point de commande est bien déterminé et les quantitées commandées arrivent au délai d'approvisionnemt, aucune rupture ne sera dans le stock.

$$x_{i,j} + S_{i,j} - V_{i,j} \ge C_{i,j}, \qquad i = \overline{1.9}$$
 (8.3)

 $S_{i,j}$: le stock initial du concentré i à la j^{me} semaine.

 $C_{i,j}$: la quantité à consommer du concentré i à la \hat{j}^{me} semaine.

4. Contrainte de non négativité

$$x_{i,j} \ge 0; \tag{8.4}$$

8.3.3 Forme générale du problème

La forme générale du problème s'écrit comme suit :

$$\begin{cases} \min Z = \sum_{i=1}^{9} \sum_{j=1}^{70} x_{i,j} \\ sc \\ \sum_{i=1}^{9} (x_{i,j} + S_{i,j}) \le C_p, & j = \overline{1.70} \\ x_{i,j} + S_{i,j} \le \sum_{k=j}^{DV_i} C_i, & i = \overline{1.9} \\ x_{i,j} + S_{i,j} - V_{i,j} \ge C_{i,j}, & i = \overline{1.9} \\ x_{i,j} \ge 0 & entier; \end{cases}$$

8.4 EXPERIMENTATION ET RESOLUTION

8.4.1 Présentation des données

Pour étudier le fonctionnement, nous avons eu recours au service de stock dans le but d'évaluer la capacité de stockage pour chaque concentré.

Les données relatives aux prévisions statistiques de la consommation des concentrés et la capacité de stockage sont représentées par l'histogramme de la figure 1. Ces dernières étaient recueillies au niveau de la direction industrielle (planification et ordonnancement) de l'entreprise Ifri. Les prévisions statistiques sont obtenues avec Excel.

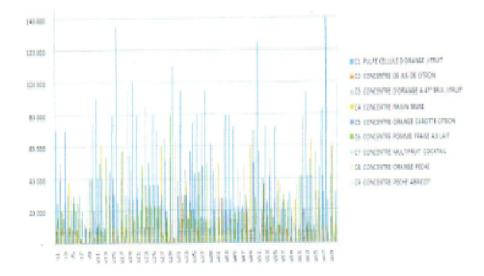


FIGURE 8.1: Prévisions statistiques de la consommation des concentrés pour l'année 2019, 2020.

8.4.2 Modélisation du problème

Notre objectif est de déterminer les quantités optimales à commander de chaque concentré $x_{i,j}$ et un plan optimal de lancement des commandes des produits.

Soient $x_{i,j}$; $i = \overline{1,9}$, $j = \overline{1,70}$ la quantité du concentré i à commander à la semaine j.

Sachant que tous les concentrés sont périssables, mais cette contrainte n'a pas été intégré vue que tous les produits sont consommables, le modèle s'écrit alors sous la forme suivante :

$$\begin{cases} \min Z = x_{1,1} + x_{1,2} + x_{1,3} + \dots + x_{1,70} + \dots + x_{9,1} + \dots + x_{9,70} \\ sc \\ (x_{1,j} + S_{1,j}) + (x_{2,j} + S_{2,j}) + \dots + (x_{8,j} + S_{8,j}) + (x_{9,j} + S_{9,j}) \leq 5921500, \qquad j = \overline{1.70} \\ x_{1,j} + S_{1,j} - V_{1,j} \geq C_{1,j}, \qquad j = \overline{1.70} \\ x_{2,j} + S_{2,j} - V_{2,j} \geq C_{2,j}, \qquad j = \overline{1.70} \\ x_{3,j} + S_{3,j} - V_{3,j} \geq C_{3,j}, \qquad j = \overline{1.70} \\ x_{4,j} + S_{4,j} - V_{4,j} \geq C_{4,j}, \qquad j = \overline{1.70} \\ x_{5,j} + S_{5,j} - V_{5,j} \geq C_{5,j}, \qquad j = \overline{1.70} \\ x_{6,j} + S_{6,j} - V_{6,j} \geq C_{6,j}, \qquad j = \overline{1.70} \\ x_{7,j} + S_{7,j} - V_{7,j} \geq C_{7,j}, \qquad j = \overline{1.70} \\ x_{8,j} + S_{8,j} - V_{8,j} \geq C_{8,j}, \qquad j = \overline{1.70} \\ x_{9,j} + S_{9,j} - V_{9,j} \geq C_{9,j}, \qquad j = \overline{1.70} \\ x_{1,j}, \dots, x_{9,j} \geq 0, \qquad entier; \end{cases}$$

8.5 RESULTATS OBTENUS

Pour trouver une solution optimale, nous avons utilisé le solveur CPLEX, qui est l'un des solveurs les plus performants spécialisé dans la programmation linéaire.

La solution optimale donnée par le solveur figure dans les tableaux 3 et 4 résumant les différentes quantités à commander de chaque concentré à chaque semaine avant l'ordre de lancement.

$j \setminus i$	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	x_7	x_8	x_9
s1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
s2	0	0	0	0	0	0	0	0	0
s3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
s4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
s5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
s6	0	0	0	0	0	0	0	0	0
s7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
s8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
s9	0	0	0	0	0	0	0	0	0
s10	25000	0	58400	0	0	0	0	0	0
s11	61000	0	0	0	40000	0	0	0	9060
s12	0	11000	28400	75760	37000	0	0	0	9060
s13	0	0	41400	33760	9000	0	14560	0	9060
s14	114000	21160	17400	69760	49000	0	0	0	0
s15	74000	0	43400	0	1000	0	0	44920	0
s16	62000	0	0	0	26000	0	0	0	89060
s17	0	320	22900	17240	47000	58900	0	92400	21700
s18	0	4820	0	12400	14000	0	0	0	124860
s19	35000	25320	41400	18560	50000	0	5560	17860	0
s20	131000	0	20900	15720	0	31640	5560	0	0
s21	1000	0	81900	31880	58250	36220	24310	0	0
s22	0	13480	9900	45040	51500	46880	9060	13100	20820
s23	61000	5640	67400	16360	36000	540	16560	24840	1980
s24	99000	15640	0	0	24250	23040	1310	23580	23230
s25	58000	6300	0	19520	30250	6620	4060	2820	1390
s26	65000	14800	6400	3680	26250	21620	4060	3920	1390
s27	0	0	5400	74680	48500	62700	9560	1270	0
s28	98000	0	43400	0	0	8440	8560	68820	0
s29	0	0	0	0	55500	88440	34060	2490	55140
s30	142000	25460	0	0	0	0	9910	75090	17120
s31	0	9370	74600	6460	14000	0	30910	0	97280
s32	28000	36320	0	37460	18000	8760	11510	30610	0

TABLE 8.3: Les différentes quantités à commander de chaque concentré à chaque semaine avant l'ordre de lancement.

s33 14200 0 56100 26480 67000 13260 18310 25850 174: s34 54800 0 0 0 52000 40840 0 37240 115: s35 83000 0 66500 3640 38000 0 7710 0 424 s36 111000 0 0 21640 0 71500 560 0 674 s37 0 940 80400 13550 57000 0 25060 10120 217- s38 60000 4440 0 0 0 33240 0 15320 3990	
s35 83000 0 66500 3640 38000 0 7710 0 424 s36 111000 0 0 21640 0 71500 560 0 674 s37 0 940 80400 13550 57000 0 25060 10120 217- s38 60000 4440 0 0 0 33240 0 15320 3996	80
s36 111000 0 0 21640 0 71500 560 0 674 s37 0 940 80400 13550 57000 0 25060 10120 2174 s38 60000 4440 0 0 0 33240 0 15320 3990	
s37 0 940 80400 13550 57000 0 25060 10120 217- s38 60000 4440 0 0 0 33240 0 15320 3990	10
s38 60000 4440 0 0 0 33240 0 15320 3990	
	40
20 0 4540 0 45540 55000 0 4555 555	00
s39 0 1540 0 45210 77000 0 1560 79960 0	
s40 0 23940 8400 0 0 0 0 4122	20
s41 0 2600 28400 48280 24000 0 9560 23680 0	
s42 53000 37100 24400 0 27000 13300 21560 1120 0	
s43 154700 0 10200 0 25500 2730 2560 0 0	
s44 2000 0 56700 0 24000 26780 18560 0 1004	40
s45 14500 0 7000 0 18000 28560 0 32920 4254	40
s46 0 0 48900 10600 16500 25890 2560 16760 301	10
s47 0 0 78600 1000 4470 7560 50550 582°	
s48 28000 22420 29600 10440 10500 32470 9560 0 275	50
s49 99000 0 400 43240 53500 0 21560 0 5150	00
s50 53000 3580 90400 0 46500 40880 1560 29880 0	
s51 152200 0 0 0 71750 0 4880 0 0	
s52 0 22600 0 0 0 43410 10160 39990 0	
s53 12200 0 1920 0 40750 0 22760 0 0	
s54 0 10960 63840 15740 0 0 0 12200 0	
s55 0 0 0 65000 5110 4280 4060 2070	00
s56 19200 0 0 32640 0 41650 6920 50480 1640	60
s57 15800 0 0 0 38920 12680 0 0	
s58 0 9280 0 8980 0 0 0 0 276	60
s59 2200 22480 0 10540 0 28210 0 0 804	10
s60 12800 0 62160 33420 0 0 24960 5974	40
s61 82400 35200 0 0 30000 43120 0 9780 0	
s62 104000 4960 75600 27180 58500 0 0 26500 500	00
s63 70400 8160 0 14700 62500 35140 17240 33980 2060	20
s64 0 0 92700 37500 8050 14120 0 0	
s65 0 40800 11040 0 10250 56980 19400 46520 0	
s66 12840 5600 36000 0 52000 0 0 0 0	
s67 91600 8960 40320 0 4000 0 0 50920 0	
s68 58000 0 0 0 30000 14770 0 0 8210	60
s69 0 0 0 0 52780 0 55760 0	
s70 0 0 0 0 11250 0 0 9380	00

TABLE 8.4: Les différentes quantités à commander de chaque concentré à chaque semaine avant l'ordre de lancement.

Une fois que les quantités à commander pour chaque concentré sont déterminés, nous devons déterminer les dates de lancement des commandes en se basant sur les cycles d'approvisionnement Les résultats sont résumés dans les tableaux 5 et 6.

S1 25000 11000 58400 75760 0 0 14560 0 9060 s2 61000 0 0 33760 40000 0 0 9060 s3 0 21160 28400 69760 37000 0 0 9060 s4 0 0 41400 0 9000 58900 0 44920 0 s5 114000 0 17400 0 49000 0 0 0 0 s6 74000 320 43400 17240 1000 0 0 92400 890600 s7 62000 4820 0 12400 26000 31640 5560 0 21700 s8 0 25320 22900 18560 47000 3620 5560 17860 124860 s9 0 0 0 15720 14000 24310 0 0 0	j∖ i	<i>m</i> .	<i>m</i> -	<i>m</i> -	<i>m</i> .	<i>m</i>	<i>m</i> -	<i>m</i> _	<i>m</i> -	m-
\$2 61000 0 0 33760 40000 0 0 9060 \$3 0 21160 28400 69760 37000 0 0 9060 \$4 0 0 41400 0 9000 58900 0 44920 0 \$5 114000 0 17400 0 49000 0 0 0 0 \$6 74000 320 43400 17240 1000 0 0 92400 890600 \$7 62000 4820 0 12400 26000 31640 5560 0 21700 \$8 0 25320 22900 18560 47000 36220 5560 17860 124860 \$9 0 0 15720 14000 24310 0 0 0 \$10 35000 0 41400 31880 50000 540 9060 0 0 \$12	<i>J</i> \	25000	11000	<i>x</i> ₃	75760	x_5	x_6	14560	x_8	0060
s3 0 21160 28400 69760 37000 0 0 9060 s4 0 0 41400 0 9000 58900 0 44920 0 s5 114000 0 17400 0 49000 0 0 0 0 s6 74000 320 43400 17240 1000 0 0 92400 890600 s7 62000 4820 0 12400 26000 31640 5560 0 21700 s8 0 25320 22900 18560 47000 36220 5560 17860 124860 s9 0 0 0 15720 14000 24310 0 0 0 s10 35000 0 41400 31880 50000 540 9060 0 0 s11 131000 5400 81900 16360 58250 6620 1310 24840							-			
84 0 0 41400 0 9000 58900 0 44920 0 s5 114000 0 17400 0 49000 0 0 0 s6 74000 320 43400 17240 1000 0 0 92400 890600 s7 62000 4820 0 12400 26000 31640 5560 0 21700 s8 0 25320 22900 18560 47000 36220 5560 17860 124860 s9 0 0 0 15720 14000 24310 0 0 0 s10 35000 0 41400 31880 50000 540 9060 0 0 s11 131000 54600 81900 16360 58250 6620 1310 24840 20820 s12 1000 56400 81900 3680 24250 8440 9560 93							_			
s5 114000 0 17400 0 49000 0 0 0 s6 74000 320 43400 17240 1000 0 92400 890600 s7 62000 4820 0 12400 26000 31640 5560 0 21700 s8 0 25320 22900 18560 47000 36220 5560 17860 124860 s9 0 0 0 15720 14000 24310 0 0 0 s10 35000 0 41400 31880 50000 540 9060 0 0 s11 131000 13480 20900 45040 0 23040 16560 13100 0 s12 1000 56400 81900 16360 58250 6620 1310 24840 20820 s13 0 15640 9900 0 51500 21620 4060 2820		-						-		
s6 74000 320 43400 17240 1000 0 92400 890600 s7 62000 4820 0 12400 26000 31640 5560 0 21700 s8 0 25320 22900 18560 47000 36220 5560 17860 124860 s9 0 0 0 15720 14000 24310 0 0 0 s10 35000 0 41400 31880 50000 540 9060 0 0 s11 131000 13480 20900 45040 0 23040 16560 13100 0 s12 1000 56400 81900 16360 58250 6620 1310 24840 20820 s13 0 15640 9900 0 51500 21620 4060 23580 1980 s14 61000 6300 67400 19520 36000 62700		-	-					-		-
87 62000 4820 0 12400 26000 31640 5560 0 21700 88 0 25320 22900 18560 47000 36220 5560 17860 124860 89 0 0 0 15720 14000 24310 0 0 0 \$10 35000 0 41400 31880 50000 540 9060 0 0 \$11 131000 13480 20900 45040 0 23040 16560 13100 0 \$12 1000 56400 81900 16360 58250 6620 1310 24840 20820 \$13 0 15640 9900 0 51500 21620 4060 23580 1980 \$14 61000 6300 67400 19520 36000 62700 4060 2820 23230 \$15 99000 14800 0 3680 24250										
88 0 25320 22900 18560 47000 36220 5560 17860 124860 89 0 0 0 15720 14000 24310 0 0 0 \$10 35000 0 41400 31880 50000 540 9060 0 0 \$11 131000 13480 20900 45040 0 23040 16560 13100 0 \$12 1000 56400 81900 16360 58250 6620 1310 24840 20820 \$13 0 15640 9900 0 51500 21620 4060 23580 1980 \$14 61000 6300 67400 19520 36000 62700 4060 2820 23230 \$15 99000 14800 0 3680 24250 8440 9560 9320 1390 \$17 65000 0 6400 0 26250 <t< td=""><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>-</td><td></td><td></td><td></td></t<>							-			
s9 0 0 15720 14000 24310 0 0 0 s10 35000 0 41400 31880 50000 540 9060 0 0 s11 131000 13480 20900 45040 0 23040 16560 13100 0 s12 1000 56400 81900 16360 58250 6620 1310 24840 20820 s13 0 15640 9900 0 51500 21620 4060 23580 1980 s14 61000 6300 67400 19520 36000 62700 4060 2820 23230 s15 99000 14800 0 3680 24250 8440 9560 9320 1390 s16 58000 0 0 74680 30250 8844 8560 1270 1390 s17 65000 0 6400 0 26250 0 34060				_					-	
\$10 \$35000 0 \$41400 \$31880 \$50000 \$540 \$9060 0 0 \$11 \$131000 \$13480 \$20900 \$45040 0 \$23040 \$16560 \$13100 0 \$12 \$1000 \$6400 \$81900 \$16360 \$8250 \$6620 \$1310 \$24840 \$20820 \$13 0 \$15640 \$9900 0 \$1500 \$21620 \$4060 \$23580 \$1980 \$14 \$61000 \$6300 \$67400 \$19520 \$36000 \$62700 \$4060 \$23220 \$2330 \$15 \$99000 \$14800 0 \$3680 \$24250 \$8440 \$9560 \$9320 \$1390 \$16 \$8000 0 \$74680 \$30250 \$8444 \$8560 \$1270 \$1390 \$17 \$65000 0 \$400 0 \$26250 0 \$34060 \$8820 0 \$18 0 \$5400 0 \$48500 <td></td> <td>-</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>		-								
s11 131000 13480 20900 45040 0 23040 16560 13100 0 s12 1000 56400 81900 16360 58250 6620 1310 24840 20820 s13 0 15640 9900 0 51500 21620 4060 23580 1980 s14 61000 6300 67400 19520 36000 62700 4060 2820 23230 s15 99000 14800 0 3680 24250 8440 9560 9320 1390 s16 58000 0 0 74680 30250 8844 8560 1270 1390 s17 65000 0 6400 0 26250 0 34060 68820 0 s18 0 0 5400 0 48500 0 9910 2490 0 s19 98000 25460 43400 0 0 8760				_				-		
s12 1000 56400 81900 16360 58250 6620 1310 24840 20820 s13 0 15640 9900 0 51500 21620 4060 23580 1980 s14 61000 6300 67400 19520 36000 62700 4060 2820 23230 s15 99000 14800 0 3680 24250 8440 9560 9320 1390 s16 58000 0 0 74680 30250 8844 8560 1270 1390 s17 65000 0 6400 0 26250 0 34060 68820 0 s18 0 0 5400 0 48500 0 9910 2490 0 s19 98000 25460 43400 0 0 8760 30910 75090 55140 s20 0 9370 0 6460 55500 13260 <td></td> <td></td> <td>-</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td>-</td> <td>0</td>			-						-	0
s13 0 15640 9900 0 51500 21620 4060 23580 1980 s14 61000 6300 67400 19520 36000 62700 4060 2820 23230 s15 99000 14800 0 3680 24250 8440 9560 9320 1390 s16 58000 0 0 74680 30250 8844 8560 1270 1390 s17 65000 0 6400 0 26250 0 34060 68820 0 s18 0 0 5400 0 48500 0 9910 2490 0 s19 98000 25460 43400 0 0 8760 30910 75090 55140 s20 0 9370 0 6460 55500 13260 11510 0 17120 s21 142000 36320 0 37460 0 40840										
s14 61000 6300 67400 19520 36000 62700 4060 2820 23230 s15 99000 14800 0 3680 24250 8440 9560 9320 1390 s16 58000 0 0 74680 30250 8844 8560 1270 1390 s17 65000 0 6400 0 26250 0 34060 68820 0 s18 0 0 5400 0 48500 0 9910 2490 0 s19 98000 25460 43400 0 0 8760 30910 75090 55140 s20 0 9370 0 6460 55500 13260 11510 0 17120 s21 142000 36320 0 37460 0 40840 18310 30610 97280 s22 0 0 74600 26480 14000 0	s12	1000	56400	81900	16360	58250	6620	1310	24840	20820
s15 99000 14800 0 3680 24250 8440 9560 9320 1390 s16 58000 0 0 74680 30250 8844 8560 1270 1390 s17 65000 0 6400 0 26250 0 34060 68820 0 s18 0 0 5400 0 48500 0 9910 2490 0 s19 98000 25460 43400 0 0 8760 30910 75090 55140 s20 0 9370 0 6460 55500 13260 11510 0 17120 s21 142000 36320 0 37460 0 40840 18310 30610 97280 s22 0 0 74600 26480 14000 0 25580 0 s23 28000 0 0 18000 71500 7710 37240 1742	s13	0	15640	9900	0	l	21620	4060		1980
s16 58000 0 0 74680 30250 8844 8560 1270 1390 s17 65000 0 6400 0 26250 0 34060 68820 0 s18 0 0 5400 0 48500 0 9910 2490 0 s19 98000 25460 43400 0 0 8760 30910 75090 55140 s20 0 9370 0 6460 55500 13260 11510 0 17120 s21 142000 36320 0 37460 0 40840 18310 30610 97280 s22 0 0 74600 26480 14000 0 0 25580 0 s23 28000 0 0 18000 71500 7710 37240 17420 s24 14200 0 56100 3640 67000 0 560 0	s14	61000		67400	19520	36000	62700	4060	2820	
s17 65000 0 6400 0 26250 0 34060 68820 0 s18 0 0 5400 0 48500 0 9910 2490 0 s19 98000 25460 43400 0 0 8760 30910 75090 55140 s20 0 9370 0 6460 55500 13260 11510 0 17120 s21 142000 36320 0 37460 0 40840 18310 30610 97280 s22 0 0 74600 26480 14000 0 0 25580 0 s23 28000 0 0 18000 71500 7710 37240 17420 s24 14200 0 56100 3640 67000 0 560 0 11580 s25 54800 0 0 21640 52000 33240 25060 0	s15	99000	14800	0	3680	24250	8440	9560	9320	1390
s18 0 0 5400 0 48500 0 9910 2490 0 s19 98000 25460 43400 0 0 8760 30910 75090 55140 s20 0 9370 0 6460 55500 13260 11510 0 17120 s21 142000 36320 0 37460 0 40840 18310 30610 97280 s22 0 0 74600 26480 14000 0 0 25580 0 s23 28000 0 0 18000 71500 7710 37240 17420 s24 14200 0 56100 3640 67000 0 560 0 11580 s25 54800 0 0 21640 52000 33240 25060 0 4240 s26 83000 940 66500 13550 38000 0 0 10120 <td>s16</td> <td>58000</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>74680</td> <td>30250</td> <td>8844</td> <td>8560</td> <td>1270</td> <td>1390</td>	s16	58000	0	0	74680	30250	8844	8560	1270	1390
s19 98000 25460 43400 0 0 8760 30910 75090 55140 s20 0 9370 0 6460 55500 13260 11510 0 17120 s21 142000 36320 0 37460 0 40840 18310 30610 97280 s22 0 0 74600 26480 14000 0 0 25580 0 s23 28000 0 0 18000 71500 7710 37240 17420 s24 14200 0 56100 3640 67000 0 560 0 11580 s25 54800 0 0 21640 52000 33240 25060 0 4240 s26 83000 940 66500 13550 38000 0 0 10120 6740 s27 111000 4440 0 0 0 1560 15320 <th< td=""><td>s17</td><td>65000</td><td>0</td><td>6400</td><td>0</td><td>26250</td><td>0</td><td>34060</td><td>68820</td><td>0</td></th<>	s17	65000	0	6400	0	26250	0	34060	68820	0
\$20 0 9370 0 6460 55500 13260 11510 0 17120 \$21 142000 36320 0 37460 0 40840 18310 30610 97280 \$22 0 0 74600 26480 14000 0 0 25580 0 \$23 28000 0 0 0 18000 71500 7710 37240 17420 \$24 14200 0 56100 3640 67000 0 560 0 11580 \$25 54800 0 0 21640 52000 33240 25060 0 4240 \$26 83000 940 66500 13550 38000 0 0 10120 6740 \$27 111000 4440 0 0 0 1560 15320 21740 \$28 0 1540 80400 45210 57000 0 79960 399	s18	0	0	5400	0	48500	0	9910	2490	0
821 142000 36320 0 37460 0 40840 18310 30610 97280 822 0 0 74600 26480 14000 0 0 25580 0 823 28000 0 0 0 18000 71500 7710 37240 17420 824 14200 0 56100 3640 67000 0 560 0 11580 825 54800 0 0 21640 52000 33240 25060 0 4240 826 83000 940 66500 13550 38000 0 0 10120 6740 827 111000 4440 0 0 0 0 1560 15320 21740 828 0 1540 80400 45210 57000 0 0 79960 39900 829 60000 23940 0 0 0 13300 9560	s19	98000	25460	43400	0	0	8760	30910	75090	55140
s22 0 0 74600 26480 14000 0 0 25580 0 s23 28000 0 0 0 18000 71500 7710 37240 17420 s24 14200 0 56100 3640 67000 0 560 0 11580 s25 54800 0 0 21640 52000 33240 25060 0 4240 s26 83000 940 66500 13550 38000 0 0 10120 6740 s27 111000 4440 0 0 0 0 1560 15320 21740 s28 0 1540 80400 45210 57000 0 0 79960 39900 s29 60000 23940 0 0 13300 9560 0 0 s30 0 2600 0 28280 77000 2730 21560 23680	s20	0	9370	0	6460	55500	13260	11510	0	17120
s23 28000 0 0 18000 71500 7710 37240 17420 s24 14200 0 56100 3640 67000 0 560 0 11580 s25 54800 0 0 21640 52000 33240 25060 0 4240 s26 83000 940 66500 13550 38000 0 0 10120 6740 s27 111000 4440 0 0 0 0 1560 15320 21740 s28 0 1540 80400 45210 57000 0 0 79960 39900 s29 60000 23940 0 0 13300 9560 0 0 s30 0 2600 0 28280 77000 2730 21560 23680 41220 s31 0 37100 8400 0 26780 2560 1120 0	s21	142000	36320	0	37460	0	40840	18310	30610	97280
s24 14200 0 56100 3640 67000 0 560 0 11580 s25 54800 0 0 21640 52000 33240 25060 0 4240 s26 83000 940 66500 13550 38000 0 0 10120 6740 s27 111000 4440 0 0 0 0 1560 15320 21740 s28 0 1540 80400 45210 57000 0 0 79960 39900 s29 60000 23940 0 0 0 13300 9560 0 0 s30 0 2600 0 28280 77000 2730 21560 23680 41220 s31 0 37100 8400 0 26780 2560 1120 0 s32 0 0 28400 0 24000 28560 18560 0	s22	0	0	74600	26480	14000	0	0	25580	0
s25 54800 0 0 21640 52000 33240 25060 0 4240 s26 83000 940 66500 13550 38000 0 0 10120 6740 s27 111000 4440 0 0 0 0 1560 15320 21740 s28 0 1540 80400 45210 57000 0 0 79960 39900 s29 60000 23940 0 0 0 13300 9560 0 0 s30 0 2600 0 28280 77000 2730 21560 23680 41220 s31 0 37100 8400 0 24000 28560 18560 0 0 s32 0 0 28400 0 24000 28560 18560 0 0 s33 53000 0 24400 0 27000 25890 0 <td< td=""><td>s23</td><td>28000</td><td>0</td><td>0</td><td>0</td><td>18000</td><td>71500</td><td>7710</td><td>37240</td><td>17420</td></td<>	s23	28000	0	0	0	18000	71500	7710	37240	17420
s26 83000 940 66500 13550 38000 0 0 10120 6740 s27 111000 4440 0 0 0 0 1560 15320 21740 s28 0 1540 80400 45210 57000 0 0 79960 39900 s29 60000 23940 0 0 0 13300 9560 0 0 s30 0 2600 0 28280 77000 2730 21560 23680 41220 s31 0 37100 8400 0 0 26780 2560 1120 0 s32 0 0 28400 0 24000 28560 18560 0 0 s33 53000 0 24400 0 27000 25890 0 0 0 s34 157500 0 10200 0 25500 4470 2960 32920	s24	14200	0	56100	3640	67000	0	560	0	11580
s27 111000 4440 0 0 0 0 1560 15320 21740 s28 0 1540 80400 45210 57000 0 0 79960 39900 s29 60000 23940 0 0 0 13300 9560 0 0 s30 0 2600 0 28280 77000 2730 21560 23680 41220 s31 0 37100 8400 0 0 26780 2560 1120 0 s32 0 0 28400 0 24000 28560 18560 0 0 s33 53000 0 24400 0 27000 25890 0 0 0 s34 157500 0 10200 0 25500 4470 2960 32920 10040	s25	54800	0	0	21640	52000	33240	25060	0	4240
s28 0 1540 80400 45210 57000 0 0 79960 39900 s29 60000 23940 0 0 0 13300 9560 0 0 s30 0 2600 0 28280 77000 2730 21560 23680 41220 s31 0 37100 8400 0 0 26780 2560 1120 0 s32 0 0 28400 0 24000 28560 18560 0 0 s33 53000 0 24400 0 27000 25890 0 0 0 s34 157500 0 10200 0 25500 4470 2960 32920 10040	s26	83000	940	66500	13550	38000	0	0	10120	6740
s29 60000 23940 0 0 0 13300 9560 0 0 s30 0 2600 0 28280 77000 2730 21560 23680 41220 s31 0 37100 8400 0 0 26780 2560 1120 0 s32 0 0 28400 0 24000 28560 18560 0 0 s33 53000 0 24400 0 27000 25890 0 0 0 s34 157500 0 10200 0 25500 4470 2960 32920 10040	s27	111000	4440	0	0	0	0	1560	15320	21740
s30 0 2600 0 28280 77000 2730 21560 23680 41220 s31 0 37100 8400 0 0 26780 2560 1120 0 s32 0 0 28400 0 24000 28560 18560 0 0 s33 53000 0 24400 0 27000 25890 0 0 0 s34 157500 0 10200 0 25500 4470 2960 32920 10040	s28	0	1540	80400	45210	57000	0	0	79960	39900
s31 0 37100 8400 0 0 26780 2560 1120 0 s32 0 0 28400 0 24000 28560 18560 0 0 s33 53000 0 24400 0 27000 25890 0 0 0 s34 157500 0 10200 0 25500 4470 2960 32920 10040	s29	60000	23940	0	0	0	13300	9560	0	0
s32 0 0 28400 0 24000 28560 18560 0 0 s33 53000 0 24400 0 27000 25890 0 0 0 s34 157500 0 10200 0 25500 4470 2960 32920 10040	s30	0	2600	0	28280	77000	2730	21560	23680	41220
s33 53000 0 24400 0 27000 25890 0 0 0 s34 157500 0 10200 0 25500 4470 2960 32920 10040	s31	0	37100	8400	0	0	26780	2560	1120	0
s34 157500 0 10200 0 25500 4470 2960 32920 10040	s32	0	0	28400	0	24000	28560	18560	0	0
	s33	53000	0	24400	0	27000	25890	0	0	0
	s34	157500	0	10200	0	25500	4470	2960	32920	10040
	s35	2000	0	56700	10600		32470	7560		42540

TABLE 8.5: Les ordres de lancement des quantités à commander de chaque concentré.

s36	14500	0	7000	78600	18000	0	9560	50550	30110
s37	0	22420	48900	10440	16500	40880	21560	0	58270
s38	0	0	0	43240	1000	0	1560	0	2750
s39	28000	3580	29600	0	10500	43410	4880	29880	51500
s40	99000	0	400	0	53500	0	10160	0	0
s41	53000	22600	90400	0	46500	0	22760	39990	0
s42	152200	0	0	0	71750	5110	0	0	0
s43	0	10960	0	15740	0	41650	4280	12200	0
s44	12200	0	1920	0	40750	38920	6920	4060	0
s45	0	0	63840	32640	0	0	12680	50480	20700
s46	0	0	0	0	65000	28210	0	0	16460
s47	19200	9280	0	8980	0	0	0	0	0
s48	15800	22480	0	10540	0	43120	0	0	2760
s49	0	0	0	33420	0	0	0	24960	8040
s50	2200	35200	0	0	0	35140	0	9780	59740
s51	12800	4960	62160	27180	0	8050	17240	26500	0
s52	82400	8160	0	14700	30000	56980	14120	33980	5000

TABLE 8.6: Les ordres de lancement des quantités à commander de chaque concentré.

8.6 ANALYSE ET INTERPRETATION DES RESULTATS

Après 630 itérations, le solveur CPLEX, nous a fourni les quantités optimales à commander de chaque concentré durant chaque semaine ainsi qu'un plan optimal des ordres de lancement de ces commandes. A titre d'exemple, d'après le tableau 5, on constate que l'entreprise Ifri doit commander 25000 unités de la pulpe cellule d'orange ifruit durant la première semaine et qui sera reçu à la dixième semaine (tableau 3).

Les quantités à commander de chaque concentré avant les ordres de lancement des commandes durant chaque semaine sont présentés dans les tableaux : Tableau 3 et Tableau 4.

Les ordres de lancement des quantités à commander de chaque concentré durant chaque semaine sont présentés dans les tableaux : Tableau 5 et Tableau 6.

La quantité optimale engendrée par la solution trouvée est égale à $Z^*=8063730$ unités.

Afin de déterminer un plan optimal pour les quantités à commander pour chaque concentré des boissons, nous avons utilisé le logiciel CPLEX, qui est l'un des solveurs les plus performants spécialisé dans la programmation linéaire.

Après avoir introduit les données du problème (la consommation, le stock visé, le délai d'approvisionnement) ainsi que les contraintes et la fonction objectif à minimiser, après 630 itérations, le solveur CPLEX nous a fourni les quantités à commander illustrés par les tableaux 3 et 4.

8.7 CONCLUSION ET PERSPECTIVES

Dans notre travail, nous avons appliqué une des méthodesde recherche opérationnelle, afin de gérer le stock des matières premières au niveau de l'entreprise Ifri (Algérie). La modélisation par la programmation linéaire avec des variables entières nous a permis d'améliorer la gestion des stocks des matières premières, en obtenant les quantités à commander de chaque concentré durant chaque semaine, ainsi que les ordres de lancement de ces commandes sous contrainte de stockage.

Il serait intéressant de poursuivre ce travail qui s'inscrit dans le cadre de la gestion des stocks et planification et ordonnancement de l'entreprise Ifri, en appliquant une autre approche et en réalisant une étude comparative. On peut également considérer d'autres matières premières et l'application de la programmation (linéaire) stochastique.

Références

- 1. Aïssani D., Aoudia Z., Allab D. and Hammami N.(2016)'Gestion de la Production et Optimisation de la Distribution : cas de l'entreprise CANDIA Bejaia (Algerie)',10ème Conférence Internationale de MOdélisation, Optimisation et SIMulation MOSIM'16. 22 au 24 AOUT 2016 .Montral, Canada.
- 2. Ait Habib, N. et Bouhali, S. (2019) Gestion des stocks des matières premières : Cas de l'entreprise Ifri. Memoire de Master, Université de Béjaia, Algérie.
- 3. Amraoui, A. and Ouakli, F. (1999) Modéle de Prévision à Court Terme des Commandes de Voitures Touristiques et Utilitaires et Modélisation par Simulation de la Gestion des Stocks au sein de la SIMB, Algerie. Mémoire fin d'études ingénieur, Université de Bejaia, Béjaia, Algérie.
- 4. Anabi, D. and Djema, N. (2016) Gestion des Stocks des Pièces de Rechange cas : RTC-Sonatrach, Bejaia (Algerie). Mémoire de Master, Université de Béjaia, Algérie.
- 5. Bernine, N. et Guechari, E. (2004) Planification Multicritère de la Gestion de Production au Niveau de la SARL Ifri (Algerie). Memoire d'Ingéniorat en Recherche Opérationnelle, Université de Béjaia, Algérie.
- 6. Hadley, G. (1983) Linear programming. Addison-Weslty Publishing Company.
- 7. Hassaini, K., Kernou, F., Aoudia, Z. and Aïssani, D. (2004) Calcul et détermination des besoins en composants produits Candia au niveau de l'entreprise Tchinlait/Candia, Rapport interne, Département de Recherche Opérationnelle, Université de Béjaia.
- 8. Harris, F.W. (1913) 'How Many Parts to Make at Once', Factory (The Magazine of Management), Vol. 10, No. 2, pp. 135–136.
- 9. Mouhoubi, Z. and Aïssani, D. (2007) 'Stability of the Inventory-Backorder Process In the (R,S) Inventory Production Model', *Pliska. Stud. Math. Bulgar*, Vol. 18, No. 1, pp. 255–270.
- 10. Oubraham, S. et Toufouti, S. (2016) Réapprovisionnement en Matières Premières : Cas de la SARL Ramdy. Mémoire de Master, Université de Béjaia, Béjaia, Algérie.
- 11. Rabta, B. and Aïssani, D. (2005) 'Estimate of the Strong Stability in an (R, s, S) Inventory Model', *Journal of Mathematical Sciences*, Vol. 131, No. 3, pp. 5669–5673.
- 12. Scarf, H. (1960) 'The Optimal of (s, S) Policies in the Dynamic Inventory Problem', in Mathematical Methods in the Social Sciences, A. et al (Eds.), Stanford Press, pp. 196–202.