

بسم الله الرحمن الرحيم

التميط الرياضي (الجبري) للفونيم والنسق الفونيمي

Mathematical (algebraic) stereotype of phonemes and phonemically systematic.

* الجمعي محمود بولعراس

أستاذ اللسانيات المشارك بمعهد اللغويات العربية – جامعة الملك سعود – الرياض

DR. BOULAARES DJEMAI

Associate prof. Arabic Linguistics institute – king Saud university– Riyadh

الملخص:

يبحث هذا الأتمودج – الذي سنبيته ونؤلفه – كونا جديدا في اللسانيات العربية يعتمد الجبر في التركيب الفونيمي الذي يتكون من ثلاثة أجزاء، حيث في أوله عرّفنا النظام الصوتي جبريا بالتغاضي عن الاعتبارات التركيبية الكلاسيكية التي سنتطرق إليها لاحقا، ودرسنا هذا النظام من وجهة نظر نظرية العلامات، وفي الجزء الثاني عرفنا من طريق مدخل المتتاليات المعلمة (Suites repérées) مفهوم النظام الفونيمي، وأعطينا نظريات متعلقة بسلوك قيم الأصوات بالنظر إلى تنوع أساليب السياقات، وفي المرحلة الثالثة للبناء اعتبرنا بالمقابل علاقة R للتكافؤ داخل مجموعة المتتاليات المعلمة، ومن ثمة عرّفنا مفهوم قيم التعالق والفونيم والحياض والفونيم الطبقي. وهذا ما نفتقده في الدراسات الفونولوجية الحديثة وإن وجدت فإن الباحث يتساءل دائما عن جذورها التركيبية.

الكلمات المفتاحية: التميط – الجبر – النسق الفونيمي – الفونيم

Abstract:

This model – which we will show and compose – examines a new universe in Arabic linguistics that relies on algebra in the phonemic structure that consists of three parts. At the beginning, we defined the phonological system algebraically by disregarding the classical compositional considerations that we will discuss later, and we studied this system from the point of view of the theory of signs, In the second part, we define the introduction of the sequences marked (Suites repérées) the concept of the phonemic system, and we gave theories related to the behavior of the values of the sounds in view of the diversity of styles of contexts, and in the third phase of construction we considered in return the R relationship of equivalence within the set of the sequences marked, and from there we defined the concept of the values of correlation, phoneme and neutrality The stratigraphic phoneme. This is what we lack in modern phonological studies, and if any, the researcher always wonders about its synthetic roots.

key words:

Algebraic – stereotype – phoneme – phonemically systematic..

1- مقدمة :

تدرس الفونولوجيا أصوات اللغة من وجهة نظر وظائفها اللسانية، حيث كانت الشغل الشاغل للأسلاف من كل الأمم ، ثم ظهرت بوجه أكثر وجاهة في القرن 19 في الدراسات الغربية وبداية القرن 20، حيث كان مولدها، ومن ثمّة توالد الكلام عنها في الفترة ما بين 1928 و1940م، التي يمكن ملاحظتها في أبحاث "تروبتسكوي" خاصة في مؤلفه الذي يعد تقليدي في العصر الحاضر⁽¹⁾. كما ان أول مقالات وصف اللغات الطبيعية منذ بلومفيلد ليونارد أظهرت هذا

¹ - Troubetzkoy, N. S(1939). — *Principes de phonologie, Klincksieck, Paris.*

الشكل الوظيفي لأصوات اللسان التي كانت منطلق برونالد بلوخ في إحدى دراساته⁽¹⁾، وهنا نلاحظ أن المنهجية الحدسية كانت مفروضة في البحث أو قل إنها حديثة، حيث تحتم علينا تعريف المصطلحات المستعملة في وصف اللغة وتمييزها بمقابلاتها ونتائجها المترتبة عنها، وهكذا كونت الفونولوجيا استقلالها العلمي والمنطقي عندما وضعت حدودها، وكانت جزءا لا يتجزأ من المظاهر اللسانية.

إن المفاهيم الأساسية للفونولوجيا، وخاصة السمات التمييزية للأصوات ونظرية الفونيم كانت موضوعا العديد من الدراسات والأعمال، وفيما يخص نظرية الفونيم نجد لها تأطيرا تاريخيا⁽²⁾، وفي السنوات الأخيرة تكاثفت البحوث في الفونولوجيا من وجهة نظر تشكيلية رياضية⁽³⁾، والتي هي مصب اهتمامنا في هذه الورقة البحثية.

بدأنا الورقة بالحديث عن البنى التشكيلية للفونيم ومراحل ذلك، مستخلصين القيم السمعية والنطقية لأصوات اللسان، متوصلين إلى قيمها التمييزية، آخذين بعين الاعتبار الوظيفة اللسانية، وأكثر تحديدا تساءلنا عن المعايير التي تساعدنا في هذا، انطلاقا من مجموعة $\mathcal{V}(x)$ للقيم السمعية و النطقية للصوت (x) التي تعد جزءا من الدالة أو التطبيق $\square(x)$ التي هي القيم المشتركة للعنصر (x) .

ولإجابة عن هذا الإشكال كان من الضروري مسبقا إعطاء الملفوظ الذي هو مسألة البحث شكلا دقيقا قابلا للمعالجة الرياضية، وهكذا نصل إلى بناء قياسي شكلي للأصوات والقيم والعلاقات... وغيرها.

¹ - Bernard Bloch(1948): *A Set of Postulates for Phonemic Analysis, IN Language, Vol. 24, No. 1 (Jan. - Mar., 1948), pp. 3-46*

² - Jones, Daniel. (2009/1960). *The Phoneme, its nature and its use. Cambridge University Press.*

- Kanger, S(1964).: "The Notion of Phoneme", *Statistical Methods in Linguistics*3,43.48.

³ - S. Marcu(1960)s: *Mathematique et phonologie. Theorie des graphes et consonantisme de la langue roumaine, I. Rev. de math. pures et appl., vol. 5. 2, p. 319-340 (in collab. with Em///. Vasiliu).*

إن مثل هذا التوجه المطروح استوحيناه من الأعمال التقليدية ل: ¹R. Jakobson, C.G.M. Fant, M. Halle، وكذلك من أعمال: ²A. Martinet و ³G.E. Peterson و ⁴Frank Harary، ولهذا فكثير من المفاهيم والإجراءات الموضحة تشكل القياس الشكلي لبعض مفاهيم وإجراءات هذه الأبحاث.

كما أننا عرضنا في الفصل الثاني لهذا البحث وجهة نظر من أصل أبحاث: ⁵Harris, Hockett وآخرين ⁶، والتي منها التشكيل الأولي للشكلانية التي جسدها بحوث: ⁷S. Kanger، وانطلاقاً من وجهة النظر هذه عُرف الفونيم باعتباره صنفاً لمتواليات صوتية لها بعض الخصائص.

وفي الفصل الثالث ناقشنا مفهوم التبسيط الوصفي الفونولوجي الذي أتى به ⁸Halle و كلية الفونيمات التي أتى بها كل من: ⁹Brondal.

وما يلاحظ من خلال هذه الأبحاث أنه في بناءها المنطقي لمفهوم الفونيم أنه كان نتيجة حديثهم في جملة من المشروع التحليلي ل: ¹⁰Tadeusz Batog المؤسس على علم القياس المترى ل: ¹¹Lesniewski، وبصفة مشابهة لكنها معالجة بطرق أخرى كان ¹¹J. Greenberg قد أعد ذلك.

¹ - Jakobson, R., Fant, C.G.M., and Halle, Morris. (1961):. *Preliminaries to Speech Analysis*. Cambridge, Mass.: M.I.T. Press

² - Martinet, A(1955): *Economie des changements phonétiques: Traité de phonologie diachronique*. Berne: Francke Verlag, 396 pp.

³ - Peterson, G.E. and Harary, F. (1961) 'Foundations of phonemic theory' in *Structure of Language and its Mathematical Aspects* (ed. R. Jakobson) American Mathematical Society, Providence, Rhode Island.

⁴ - Harary, F., and H.H. Paper.(1957): "Toward a general calculus of phonemic distribution", *L g* 33, 143-169.

⁵ - Hockett, C.F(1955): *A manual of phonology*.

⁶ - Halle, Morris:(1954) *The Strategy of Phonemics*, *WORD*, 10:2-3, 197-209,

⁷ - Kanger, S.(1964).: "The Notion of Phoneme", *Statistical Methods in Linguistics* 3, 43-48.

⁸ - Halle, Morris: *op.cit.* p: 197-209.

⁹ - BRONDAL, V.: *La structure des systemes vocaliques . Travaux du cercle linguistique de Prague*. vol 6, p.62-74.

¹⁰ - Batóg Tadeusz(1961) : *Critical Remarks on Greenberg's Axiomatic Phonology*. - - *Studia Logica* 12 (1):195 - 205.

¹¹ - GREENBERG, JOSEPH H. (1959).: *An axiomatization of the phonologic aspect of languages*. *Symposium on sociological theory*, ed. Llewellyn Gross, 437-82. New York: Harper & Row.

2- القيم والأصوات:

لتكن \mathcal{V} مجموعة العناصر المسماة "القيم"، ونعتبر P مجموعة جزئية لـ \mathcal{V} ، أي ان المجموعة \mathcal{V} تتركب من التالي:

$$\mathcal{V} = \bigcup_i \mathcal{V}_i$$

نطلق على قيمتي المجموعة نفسها \mathcal{V}_i : قيم التجانس (Homogènes) أو قيم التباين (Hétérogènes).

ومن أمثلة القيم: صائت، أصم، لَيّن، صلب، مفتوح، احتكاكي، مهموس، مستمر... وغيرها. فقيمتا صائت وأصم يدخلان ضمن المجموعة نفسها \mathcal{V}_i ، وهكذا (لَيّن ومفتوح، وصلب ومغلق). بينما قيمتا (صائت، ولَيّن) تشكلان تباينا.

لتكن E مجموعة العناصر المسماة أصوات اللسان أو ببساطة أصوات. فلكل صوت (x) نشرك جزءا من $\mathcal{V}_{(x)}$ لـ \mathcal{V} ، فمثلا هو كائن في الأعداد الطبيعية i مثلا فإنه لأجل $0 \neq \mathcal{V}_i$ يكون التقاطع التالي:

$$\mathcal{V}_i \cap \mathcal{V}_{(x)}$$

مشكّلا من عنصر واحد.

نطلق على القيم v_1 و v_2 اسم التساوق (Compatible) إذا وجد الصوت x ، بحيث يكون:

$$v_2 \in \mathcal{V}_{(x)} \text{ و } v_1 \in \mathcal{V}_{(x)}$$

ونطلق على غيرهما مم ليسوا بتساوق بغير متساوقين (Incompatible)، فمثلا في الروسية قيمتا (أصم) و(احتكاكي) متساوقتان، و(صائت) و(لَيّن) هما كذلك متساوقتان، وبالمقابل ف(صلب) و(مفتوح) غير متساوقيتين¹.

3- العلاقة بين التساوق والتجانس:

الفرضية 1: إذا كانت v_1 و v_2 قيمتين متساوقيتين فإن v_1 و v_2 هما متباينتان.

البرهنة: نفترض بالبرهان بالخلف أن v_1 و v_2 هما متجانستان، ومنه يوجد قيمة j من i تكون على النحو التالي:

$$v_2 \in \mathcal{V}_j \text{ و } v_1 \in \mathcal{V}_j$$

¹ - Troubetzkoy, N. S. — op.cit.

ومن جهة أخرى أن مجرد كون v_1 و v_2 متساويتين يقتضي وجود الصوت z كائنا على النحو التالي:

$$v_1 \in \mathcal{V}(z) \text{ و } v_2 \in \mathcal{V}(z)$$

ومنه نخلص إلى أن التقاطع:

$$\mathcal{V}_i \cap \mathcal{V}(z)$$

يحتوي على الأقل على قيمتين v_1 و v_2 ، وهو ما يجعلنا نقع في تناقض مع تعريف المجموعات $\mathcal{V}(x)$. ومنه ففرضية أن

v_1 هي تجانس لـ v_2 هي خاطئة، وأن v_1 و v_2 هما متباينتان.

لازمة: إذا كانت v_1 و v_2 متجانستان فإن v_1 و v_2 هما متساويتان.

ملاحظة: عكس هذه الازمة ليس صحيحا، وذلك لأنه إذا كانت:

$$\mathcal{V} = \{v_1 \cdot v_2 \cdot v_3 \cdot v_4\} \cdot \mathcal{V}_1 = \{v_1\} \cdot \mathcal{V}_2 = \{v_2\} \cdot \mathcal{V}_3 = \{v_3\}$$

و:

$$\mathbf{E} = \{x \cdot y \cdot z \cdot w\} \cdot \mathcal{V}(x) = \{v_1 \cdot v_2 \cdot v_4\} \cdot \mathcal{V}(y) = \mathcal{V}(z) = \{v_1 \cdot v_3 \cdot v_4\} \cdot \mathcal{V}(w) = \{v_1 \cdot v_3 \cdot v_5\}$$

وعلى هذا الأساس: نرى أن v_2 و v_5 غير متساويتين بل هما متباينتان.

4- الأزواج المتمايزة:

نقول إن القيمتين v_1 و v_2 تشكلان زوجا متمايز القيم (Paire contrastive)، أو ببساطة زوجا متمايزا إذا وجد

صوتان x و y على النحو التالي:

$$\mathcal{V}(x) - \mathcal{V}(y) = \{v_1\} \cdot \mathcal{V}(y) - \mathcal{V}(x) = \{v_2\}$$

ومن هذا التعريف نستنتج أنه:

إذا شكّلت v_1 و v_2 زوجا متمايزا فإن $v_1 \neq v_2$ ، بينما v_1 و v_2 تشكلان بهذا الترتيب زوجا متمايزا أيضا.

الفرضية 2:

إذا شكّلت v_1 و v_2 زوجا متمايزا فإن v_1 و v_2 هما متجانستان.

البرهنة: بالتعريف ، يوجد صوتان x و y على النحو التالي:

$$\mathcal{V}_{(x)} - \mathcal{V}_{(y)} = \{\nu_1\}. \mathcal{V}_{(y)} - \mathcal{V}_{(x)} = \{\nu_2\}$$

نقترح:

$$A_{xy} = \mathcal{V}_{(x)} \cap \mathcal{V}_{(y)}$$

ومن تعريف الزوج المتمايز نفسه، نستنتج أن:

$$\mathcal{V}_{(x)} = A_{xy} \cup \{\nu_1\}. \mathcal{V}_{(y)} = A_{xy} \cup \{\nu_2\}$$

وليكن العدد k العدد الطبيعي لأجل أن يكون:

$$\nu_1 \in \mathcal{V}_k$$

وبهذا، فضمن تعريف المجموعة $\mathcal{V}_{(x)}$ فإن التقاطع:

$$\mathcal{V}_k \cap \mathcal{V}_{(x)}$$

يحتوي بالتحديد على عنصر واحد، ونأخذ بعين الاعتبار أنه:

$$\mathcal{V}_k \cap \mathcal{V}_{(x)} = \mathcal{V}_k \cap (A_{xy} \cup \{\nu_1\}) = (\mathcal{V}_k \cap A_{xy}) \cup (\mathcal{V}_k \cap \{\nu_1\})$$

ونستنتج أنه ضمن الانتماء التالي:

$$\nu_1 \in \mathcal{V}_k \cap \mathcal{V}_{(x)}$$

وأن:

$$\mathcal{V}_k \cap A_{xy} = 0$$

لكن:

$$\mathcal{V}_k \cap \mathcal{V}_{(y)} = \mathcal{V}_k \cap (A_{xy} \cup \{\nu_2\}) = (\mathcal{V}_k \cap A_{xy}) \cup (\mathcal{V}_k \cap \{\nu_2\})$$

ومنه:

$$\mathcal{V}_k \cap \mathcal{V}_{(y)} = \mathcal{V}_k \cap \{\nu_2\}$$

تحتوي المجموعة الأولى لهذا التساوي بالتعريف وبالتحديد على عنصر واحد، ونستنتج أن:

$$\mathcal{V}_k \cap \mathcal{V}_{(y)} = \{v_2\}$$

ومنه:

$$v_2 \in \mathcal{V}_k$$

ونتيجة لذلك فإن: v_1 و v_2 هما متجانستان.

ملاحظة: عكس الفرضية 2 ليس صحيحا. أي إذا كانت:

$$\mathcal{V} = \{v_1, v_2, v_3, v_4\}, \mathcal{V}_1 = \{v_1, v_2\}, \mathcal{V}_2 = \{v_3, v_4\}.$$

و:

$$E = \{x, y, z, w\}, \mathcal{V}_{(x)} = \mathcal{V}_{(y)} = \{v_1, v_4\}, \mathcal{V}_{(z)} = \mathcal{V}_{(w)} = \{v_2, v_3\}$$

نلاحظ أن \mathcal{V} لا تحتوي على أي زوج متمايز القيم، ومن ثمة فإن الزوجين المتجانسين $\{v_1, v_2\}$ و $\{v_3, v_4\}$ ليسوا متمايزين على وجه الخصوص.

اللازمة: إذا شكلت v_1 و v_2 زوجا متمايزا فإن v_1 و v_2 هما غير متساويتين.

البرهنة: يكفي تطبيق الفرضية 2 ثم اللازمة على الفرضية 1.

ملاحظة: كما يتضح لنا في مثال ملاحظة الفرضية 2، فإن عكس هذه اللازمة غير صحيح؛ فتوجد في بعض الأحيان قيم غير متساوية التي لا تشكل زوجا متمايزا، وفي المثال المذكور لا يوجد أي زوج من القيم غير المتساوية غير متمايز.

5- الأنساق الصوتية الكامنة:

ليكن النسق التالي:

$$(v, P, E, \varphi)$$

حيث أن v هي مجموعة القيم، و P هي مجموعة جزئية لـ: v ، و E هي مجموعة الأصوات، و φ هو تطبيق للمجموعة E داخل مجموعة أجزاء v على النحو التالي:

لأجل كل: $\epsilon \in X$ ، ولأجل كل حد \mathcal{V}_i من المجموعة P ، فإن:

$$\mathcal{V}_i \cap \varphi(x)$$

تشكل بالتحديد من عنصر واحد، وكل نسق على هذا النحو يسمى نسقا صوتيا كامنا أو ببساطة نسقا صوتيا.

قد تكون بعض الأنساق الصوتية محدّدة، حيث أن كل زوج من القيم غير المتساوقة يكون متمايزا، فضمن لازمة الفرضية 2 نستنتج أنه داخل أي نسق سيتداخل مفهوم الزوج المتمايز مع مفهوم القيم غير المتساوقة، وهذه حالة نسق القيم السمعية التي تتطرق لها (28)، وفي هذه الحالة نقترح التعريف التالي:

سنطلق على النسق الصوتي الكامن المتمم (Compleat) في الحالة التي يكون فيها كل زوج من القيم غير المتساوقة زوجا متمايزا.

وكما يظهر في ملاحظة الفرضية 2؛ فإنه توجد قيم متجانسة لا تشكل زوجا متمايزا إذ يمكننا أن نكون أنساق صوتية كامنة، بحيث يكون كل زوج متجانس متمايزا، ويكون كل نسق خاضعا للملاحظة التي هي تابعة للازمة الفرضية 1، وهكذا يكون الزوج المتجانس $\{\nu_2, \nu_3\}$ متمايزا، لأن:

$$\mathcal{V}_{(x)} - \mathcal{V}_{(y)} = \{\nu_2\}. \mathcal{V}_{(y)} - \mathcal{V}_{(x)} = \{\nu_3\}$$

وأن الزوج المتجانس: $\{\nu_4, \nu_5\}$ كذلك متمايز، لأن :

$$\mathcal{V}_{(z)} - \mathcal{V}_{(w)} = \{\nu_4\}. \mathcal{V}_{(w)} - \mathcal{V}_{(z)} = \{\nu_5\}$$

وهذه الوضعية تُعطي التعريف التالي:

يسمى النسق الصوتي الكامن شبه متمم (Semi-compleat) في حالة كون كل زوج من القيم المتجانسة متمايزا.

وضمن لازمة الفرضية 1 والمثال الذي يتلو هذه اللازمة يكون لدينا:

الفرضية 3: يتكون كل نسق صوتي كامن متمم من شبه متمم، وعكس ذلك غير صحيح.

ملاحظة: يحدد مفهوم الزوج المتمايز مفهوما مألوفاً، ف: I.I.Revzin استعمل لهذا المفهوم مصطلح السمات المتجانسة (Traits homogènes)¹، في حين أن مصطلح التجانس جعل له استثناء خاصاً.

ومن أمثلة الأزواج المتمايزة في اللغتين الرومانية والروسية (أصم/جهري، طويل/قصير، لين/صلب، مفتوح/مغلق)، ويتحقق معيار التمايز للزوج (أصم/ جهري) في اللغة الرومانية باعتبار الأصوات (D/T) وهكذا يكون لدينا:

$$\{\text{جهري}\} = \mathcal{V}_D - \mathcal{V}_T. \quad \mathcal{V}_T - \mathcal{V}_D = \{\text{أصم}\} -$$

6- السمات:

في اللغات الطبيعية تكون القيم المهمة فقط هي التي تُمارَس على الأقل مرة واحدة في زوج متجانس، وبمعنى آخر: فقيم \mathcal{V} لأي مجموعة \mathcal{V}_i التي لها الخاصية: $\mathcal{V}_i \mathcal{V}_j$ تحتوي على الأقل على قيمتين، وهذا الحالة تنتج عن الفعل الذي لا تكون فيه القيمة \mathcal{V} متجانسة مع أي قيمة أخرى، ولهذا ف: \mathcal{V} لا تدخل مع زوج متمايز² (ينظر الفرضية 2).

إن كون القيمة \mathcal{V} ليس لها تجانس مع أي قيمة أخرى يُطلق عليه اسم سمة، وفضلاً عن ذلك لو أن $\mathcal{V} \in \mathcal{V}_{(x)}$ ، فإننا نقول أن \mathcal{V} هي سمة للصوت (x) ، والفرضية التالية توضح أهمية هذا المفهوم: الفرضية 4: إذا كانت (\mathcal{V}) سمة للصوت x فإن \mathcal{V} سمة لكل صوت آخر.

البرهنة: ليكن:

$$\mathcal{V}_{(x)} = \{v_1(x). v_2(x). \dots . v_i(x)\}$$

وليكن j العدد الطبيعي الذي له الخاصية: $\mathcal{V}_j(x) = v$ ، وهذا يعني أن $\mathcal{V}_j = \{v\}$ ، وفي الوقت نفسه، ليكن لدينا صوت آخر y بحيث:

$$\mathcal{V}_j \cap \mathcal{V}_{(y)} = \{v\} \cap \mathcal{V}_{(y)}$$

ونظراً لأن المجموعة $\mathcal{V}_j \cap \mathcal{V}_{(y)}$ لا يمكن أن تكون خالية، فإننا نستنتج أن $\mathcal{V} \in \mathcal{V}_{(y)}$ ، ومنه فإن \mathcal{V} هي سمة ل: y .

¹ - Glivenko, V(1938):. *Theorie generale des structures*, Hermann, Paris.

² - Prieto, L. J.(1954): — *Traits oppositionnels et traits contrastifs*, Word, 10, 43-59, 1954

ونقول عندئذ أن القيمة \mathcal{V} هي تشويش (Parasite) في حالة عدم وجود أي صوت x يحقق المطلوب التالي: $\forall \mathcal{V}(x)$. وفي كل الحالات التي لا نخصص فيها الضد (المميز) سنستبعد وجود قيم مشوشة، يعني أن ما سنقترحه الآن يعد صحيحا:

$$\mathcal{V} = \bigcup_{x \in E} \mathcal{V}(x)$$

ويتضح أن الأنساق الصوتية للغات الطبيعية لا تحتوي على قيم مشوشة.

7- التكافؤ المطلق / البعد:

سنسمي كل صوتين x و y يحققان المعادلة التالية: $\mathcal{V}(x) = \mathcal{V}(y)$ أصواتا متكافئة تماما.

إذا قبلنا بالتعريف هذا فإن التقابل بين الصوتين x و y هو نفسه التقابل بين المجموعتين $\mathcal{V}(x)$ و $\mathcal{V}(y)$ ، ويمكن القول أن الصوتين x و y متكافئين تماما إذا وفقط إذا كان x و y في تقابل صفري (سبق وأن تحدثنا عن مفهوم التقابل ينظر بحثنا:.....).

لكن من أجل يكون التقابل بين صوتين معكوسا بطريقة أكثر ملائمة لوضعيهما العكسية يجب أن نقبل بكون $\mathcal{V}(x)$ و $\mathcal{V}(y)$ مجموعة مرتبة، والتقابل بين الصوتين مقابلة مرتبة، وهكذا سنعتبر داخل $\mathcal{V}(x)$ و $\mathcal{V}(y)$ الترتيب الحادث في المجموعة الجزئية P ، ونضع أن :

$$\mathcal{V}(x) = \{v_1(x).v_2(x). \dots .v_i(x)\}$$

و:

$$\mathcal{V}(y) = \{v_1(y).v_2(y). \dots .v_i(y)\}$$

بجيث:

$$\mathcal{V}_i(x) \in \mathcal{V}_i. \mathcal{V}_i(y) \in \mathcal{V}_i. (i = 1.2. \dots)$$

وحسب نموذج بُعد Hamming في نظرية العلامات¹ سندخل هنا مقياسا وتقديرا كميًا للتقابل بين $\mathcal{V}(x)$ و $\mathcal{V}(y)$ ، وسنعتبر المجموعة \mathcal{N}_{xy} للأعداد الطبيعية i لأجل أن $\mathcal{V}_i(x) \neq \mathcal{V}_i(y)$. إن العدد الأصلي (Cardinal) للمجموعة \mathcal{N}_{xy}

¹ - Prieto, L. J. — op.cit. pp: 43-59.

هو بالتعريف البُعد بين $\mathcal{V}(y)$ و $\mathcal{V}(x)$. وهذا العدد الأصلي يقيس التقابل بين الصوتين y و x ، وفي الحالة التي تكون فيها المجموعة الجزئية P منتهية سنتحقق بسهولة من أن كل خواص البُعد مقبولة.

نلاحظ أن السمات المتوقعة في $\mathcal{V}(y)$ و $\mathcal{V}(x)$ تمتلك توزيعا معدوما عند البعد بين $\mathcal{V}(y)$ و $\mathcal{V}(x)$ ، وتتضح هنا ملاحظة أخرى وهي أن الصوتين y و x متكافئان تماما إذا وفقط إذا كان البعد بين $\mathcal{V}(y)$ و $\mathcal{V}(x)$ يساوي الصفر.

8- الأصوات المجردة:

يتضح أن التكافؤ المطلق يقبل كل خواص علاقة التكافؤ داخل E وعندئذ تتركب E من أصناف التكافؤ المطلق، حيث أن أي صنف سيسمى صوتا مجردا (Son abstrait)، وسنشير إلى الصوت المشترك مع الصوت (x) ب: $[x]$.

أدخل Hamming داخل المجموعة \mathcal{G} للأصوات المجردة بعدا من طريق الوسيط الذي به تصبح \mathcal{G} فضاء متريا مشتركا في النسق الصوتي الكامن:

$$\{v, P, E, \varphi\}$$

وهذا يعني أن البُعد بين $[y]$ و $[x]$ سيساوي بالتعريف البُعد الكائن بين $\mathcal{V}(y)$ و $\mathcal{V}(x)$ ، حيث أن $x \in [x]$ وأن $y \in [y]$ ، ويتضح أن هذا البعد لا يستقل بالطريقة التي نختار بها x في $[x]$ و y في $[y]$.

9- بعض التناظرات الوظيفية مع نظرية العلامات:

نقول أن الفضاء المتري \mathcal{G} كاشف الأخطاء البسيطة (Détecte les erreurs simples) إذا ما أُعطي:

$$[x] \in \mathcal{G}, v \in \mathcal{V}(x) = \{v_1, v_2, \dots, v_{j-1}, v, v_{j+1}, \dots\}$$

وقيمة: $v \neq v'$ ، ولا يوجد أي صوت y على النحو التالي:

$$\mathcal{V}(y) = \{v_1, v_2, \dots, v_{j-1}, v', v_{j+1}, \dots\}$$

وباستنتاج ما يُستثمر داخل نظرية العلامات، يتبين لنا أن:

الفضاء المتري \mathcal{G} يكشف الأخطاء البسيطة إذا وفقط إذا كان البعد بين هذه العناصر أكبر بكثير أو يساوي 2.

وهنا نستنتج:

الفرضية 5: ليكن G فضاء متريا مشتركا مع النسق الصوتي الكامن: $\{v. P. E. \varphi\}$ ، ولأجل أن يكون G كاشف الأخطاء البسيطة فإنه يكون حتما وكافيا أن \mathcal{V} لا تحتوي على أي زوج متمايز القيم.

البرهنة:

نقترح أن G كاشف الأخطاء البسيطة، وينتج عن ذلك أن البعد بين هذه العناصر أكبر أو يساوي 2 إذا وجدت قيمتين: v_1 و v_2 تشكلا زوجا متمايزا، لأنه يوجد صوتان x و y إذن لأجل أن يكون:

$$\mathcal{V}_{(x)} - \mathcal{V}_{(y)} = \{v_1\}. \mathcal{V}_{(y)} - \mathcal{V}_{(x)} = \{v_2\}$$

وهذا يقود إلى أن البعد بين $\mathcal{V}_{(y)}$ و $\mathcal{V}_{(x)}$ أقل بكثير أو يساوي 2، بل ضمن الفرضية 2 تكون القيمتان v_1 و v_2 متجانستين، ومنه يكون البعد بين $\mathcal{V}_{(y)}$ و $\mathcal{V}_{(x)}$ يساوي 1. وهذا يتعارض ويتناقض مع الفرضية التي تجعل من أن G كاشف الأخطاء البسيطة، ومنه فوجود زوج متمايز القيم يكون مستبعدا.

ومن هنا نفترض أنه لا يوجد هنا أي زوج متمايز القيم، ونقبل بالبرهان بالخلف أن G لا يكشف كل الأخطاء البسيطة، وفي هذه الحالة يوجد صوتان مجردان: $[x] \in G$ و $[y] \in G$ وداخلهما يكون البعد أقل بكثير من 2، ومنه فهو يساوي 1. (ولا يمكن أن يكون معدوما لأن x و y متمايزان)، وينتج أن في المقترح:

$$\mathcal{V}_{(x)} = \{v_1(x). v_2(x). \dots. v_i(x)\}$$

و:

$$\mathcal{V}_{(y)} = \{v_1(y). v_2(y). \dots. v_i(y)\}$$

يوجد عدد طبيعي j على النحو:

$$\mathcal{V}_j(x) \neq \mathcal{V}_j(y) \text{ و } \mathcal{V}_i(x) \neq \mathcal{V}_i(y)$$

لكل: $i \neq j$ ، وهذا يقود إلى أن:

$$\mathcal{V}_{(x)} - \mathcal{V}_{(y)} = \{\mathcal{V}_i(y)\}. \mathcal{V}_{(y)} - \mathcal{V}_{(x)} = \{\mathcal{V}_j(x)\}$$

ومنه فالقيمتان $\mathcal{V}_i(x)$ و $\mathcal{V}_j(x)$ تشكلا زوجا متمايزا، وهو ما يناقض الفرضية، ومنه ف: G يكشف كل الأخطاء البسيطة.

لازمة: ليكن هناك نسق صوتي كامن $\{v. P. E. \varphi\}$ يكون فيه الفضاء المشترك G كاشف الأخطاء البسيطة، ولأجل أن يكون النسق متمما فمن الضروري والكافي أن تحتوي \mathcal{V} دائما على قيم غير متساوقة.

وبالأخذ بعين الاعتبار لازمة الفرضية¹ يمكننا إذن النطق بالفرضية التالية:

يكون في النسق الصوتي الكامن $\{v. P. E. \varphi\}$ الفضاء المشترك G كاشفا عن الأخطاء البسيطة، وحتى يكون النسق متمما يلزم ويكفي أن يكون كل عنصر من \mathcal{V} سمة.

إن الفرضيات الثلاثة المتوصل إليها توضح أن الأنساق الصوتية الكامنة التي تعمل كشفرة كاشفة عن الأخطاء البسيطة ليست كاملة كما في الحالات الشائعة (ينظر على وجه الخصوص التتميط الأخير لهذه الأنظمة). إن تفسير هذا الفعل طبيعي، فتتميم في النسق اللسان يُستعمل بكثافة، فنحن نتكلم باقتصاد شديد وبأقل ورود للغو في النسق إلى حد عدم وجوده، حيث أن هناك بعض اللغو الذي يكون مهمّا لأجل التمكن من اكتشاف الأخطاء المحتملة وتصحيحها، كما أن هذا اللغو موجود بكثرة في اللغات الطبيعية، فالنظام اللساني الطبيعي يحتوي دائما على بعض مظاهره.

من السهل رؤية أن أيّا من هذه المعايير الثلاثة للتتميم في الأنساق الصوتية الكاشفة عن الأخطاء البسيطة هي معيار لشبه التتميم في هذه الأنساق، بدءا بمن يعوضها، وفي ملفوظها، وفي الكلمة (المتمة) بالكلمة (شبه المتمة)، وفي الكلمة غير المتساوقة بالكلمة المتجانسة، وينتج أنه داخل الأنساق الصوتية الكامنة الكاشفة عن الأخطاء البسيطة يكون شبه المتمم منجزا فقط في بعض الحالات الشائعة¹.

10- المتتاليات المعلّمة والمتتاليات المرخّصة:

ليكن التطبيق \square مجموعة ما لمتتاليات من الأصوات، نقول على هذه المتتاليات أنّها معلّمة (Repérées)، ففي اللغة الطبيعية ومن طريق المتتاليات المعلّمة نلاحظ عادة أن المسألة تتجسد كذلك في كلمات أو في جمل اللسان، فلا تقتصر على ما دونهما فقط.

¹- Glivenko, V.(1938): *Theorie generale des structures*, Hermann, Paris.

يطلق كذلك على المتتاليات المعلّمة السلاسل المعلّمة، ويطلق كل ما هو جزء من السلسلة (جزء من المتتالية) لسلسلة (متتالية) معلّمة السلسلة المرخّصة أو المتتالية المرخّصة، ومن هنا يتضح أن كل متتالية معلّمة هي مرخّصة، لكنها غير عكسية. إن كل متتالية جزئية لمتتالية مرخّصة هي نفسها مرخّصة.

11- الأنساق الفونيمية الكامنة:

يطلق على نسق المواضيع {U. P. E. φ} - حيث U. P. E. φ هي المواضيع التي تؤلف نسقا صوتيا كامنا و □ هي مجموعة المتتاليات المعلّمة - نسقا فونيميا كامنا أو ببساطة نسقا فونيميا¹.

وفيما يخص المتتاليات المعلّمة والمتتاليات المرخّصة نقدم الفرضية التالية:

الفرضية الأساسية:

إذا عوّضنا داخل متتالية معلّمة صوتا x بآخر مكافئ تماما عند x ، فإن المتتالية الجديدة المحصل عليها هي أيضا معلّمة، ومن هذه الفرضية الأساسية نستخلص أنه: إذا عوّضنا داخل متتالية مرخّصة صوتا بآخر مكافئ تماما فإن المتتالية الجديدة المحصل عليها هي أيضا مرخّصة.

وبالفعل، ليكن S متتالية مرخّصة تحتوي على x ، وليكن y مكافئا تماما عند x ، وليكن S_y المتتالية المحصل عليها انطلاقا من S_x بتعويض x بـ y ، فإن S_x هي المتتالية الجزئية للمتتالية المعلّمة σ_x ، وأن σ_y هي المتتالية المحصل عليها انطلاقا من σ_x بتعويض x بـ y ، ومن طريق الفرضية الأساسية فإن σ_y هي معلّمة، ومن جهة أخرى فإن σ_y تحتوي على S_y ، ومنه فإن S_y هي مرخّصة.

وضمن هذه الفرضية، فإن المتتاليات (مع التي نعمل عليها) هي في الواقع متتاليات أصوات مجردة، والخصائص التي نتبناها ستصبح غير متنوعة من طريق علاقة التكافئ المطلق.

¹ - Hockett, Charles F. (1949): Two fundamental problems in phonemics. *Studies in Linguistics* 7: 29-51. Reprinted in Makkai 1972, pp. 200-210.

بالنظر إلى المتتاليتين من الأصوات $x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_n$ و $y_1, y_2, \dots, y_i, \dots, y_n$. سنقول أن هذه المتتاليات متكافئة تماما إذا كان x_i مكافئا تماما عند y_i لكل $i = 1, 2, \dots, n$ ، ومن ينتج أن المتتالية المكافئة تماما لمتتالية معلّمة (مرخّصة) هي أيضا معلّمة (مرخّصة).

12- القيم المتعلقة بالصوت:

سنقول أن القيمة $v \in \mathcal{V}(x)$ هي قيمة متعلقة بالصوت x إذا وجدت القيمة v ، على أن تُشكّل: v و v زوجا متمائزا¹، ويوجد y على النحو التالي:

$$\mathcal{V}(y) = (\mathcal{V}(x) - \{v\}) \cup \{v\}$$

سنقول أن القيمتين v و v يشكّلان زوجا متمائزا بالنظر إلى الصوت x .

ومن التعريف نفسه ينتج أنه:

إذا كانت $v \in \mathcal{V}(x)$ قيمة متعلقة بالصوت x ، فإن v هو قيمة متعلقة بكل صوت مكافئ تماما ل x ، وإذا كان v و v يشكّلان زوجا متمائزا بالنظر إلى الصوت x ، فإن v و v يشكّلان زوجا متمائزا بالنظر إلى كل صوت مكافئ تماما ل: x .

إن هذه الخواص تُشرّح التعريفات التالية:

- تكون القيمة $v \in \mathcal{V}(x)$ بالتعريف متعلقة بالصوت المجرد $[x]$ إذا وجد $y[x]$ يقبل v قيمة متعلقة.
- تشكل القيمتان v و v بالتعريف زوجا متمائزا بالنظر إلى الصوت المجرد $[x]$ إذا وجد الصوت $y[x]$ بالنظر لكون v و v يشكّلان زوجا متمائزا.

13- القيم المترابطة:

بالنظر إلى الصوت x وإلى المتتالية المرخّصة S التي تحتوي على x ، سنقول أن القيمة $v \in \mathcal{V}(x)$ هي بالنسبة ل: x قيمة مرتبطة بالنسبة للمتتالية S إذا كان سياق كل واحد منهما يقع بالشروط التالية:

أولا: أن v ليست قيمة متعلقة ل: x .

¹ - Prieto, L. J(1954):. — *Traits oppositionnels et traits contrastifs*, *Word*, 10, 43-59..

ثانياً: بالنسبة لكل قيمة v ، تكون فيها v و v' مشكلين زوجاً متمايزاً بالنظر إلى x ، وبالنسبة لكل صوت y تكون له الخاصية:

$$\mathcal{V}_{(y)} = (\mathcal{V}_{(x)} - \{v\}) \cup \{v'\}$$

فإن المتتالية المحصل عليها انطلاقاً من S بتعويض x لـ y ليست مرخّصة¹.

من الواضح، وضمن الفرضية الأساسية السابقة فإنه:

إذا كانت القيمة v - بالنسبة للصوت x - قيمة مرتبطة بالمتتالية المرخّصة S ، وإذا كان u صوتاً مكافئاً تماماً لـ x ، فإنه بالإشارة بـ t للمتتالية المحصل عليها انطلاقاً من S بتعويض x لـ u ، فإن t هي متتالية مرخّصة، و v هي بالنسبة لـ u قيمة مرتبطة بالمتتالية t .

نقول أن القيمة $v \in \mathcal{V}_{(x)}$ هي بالنسبة لـ x مرتبطة من اليسار إذا كان في كل الحالات الصوت z لكل متتالية xz مرخّصاً، ونقول أن القيمة v هي بالنسبة لـ x مرتبطة بالعلاقة التي تكون مع المتتالية xz .

نقول أن القيمة $v \in \mathcal{V}_{(x)}$ هي بالنسبة لـ x مرتبطة من اليمين إذا كان في كل الحالات yx للمتتالية yx مرخّصاً، ونقول أن القيمة v هي بالنسبة لـ x مرتبطة بالعلاقة التي تكون مع المتتالية بالعلاقة التي تكون مع المتتالية yx .

نقول أن القيمة $v \in \mathcal{V}_{(x)}$ هي بالنسبة لـ x مرتبطة ارتباطاً ثنائياً الجانب إذا كانت كل متتالية من النمط yxz مرخّصة. ونقول أن القيمة v هي بالنسبة لـ x مرتبطة بالنسبة yxz .

إن مفاهيم: "قيمة مرتبطة من اليمين" و "قيمة مرتبطة من اليسار" و "قيمة مرتبطة ارتباطاً ثنائياً" و "قيمة مرتبطة جوارياً" هي أيضاً غير متنوعة مع علاقة التكافؤ المطلق.

الفرضية 6: إذا كانت القيمة $v \in \mathcal{V}_{(x)}$ هي بالنسبة لـ x مرتبطة من اليسار فإن v هي بالنسبة لـ x قيمة مرتبطة جوارياً

البرهنة:

¹ - Harary, F., and H.H. Paper.(1957): "Toward a general calculus of phonemic distribution", L g 33, 143-169.

لتكن لدينا متتالية مرخّصة من النمط yxz ، فيجب أن نبين أن v هي بالنسبة لـ x قيمة مرتبطة بالنسبة لهذه المتتالية. نفرض بالبرهان بالخلف أن هذا السياق لا يمكن أن يكون، وفي هذه الحالة تكون v هي قيمة متعلقة لـ x ، ومنه فإنه توجد قيمة v تشكل مع v زوجا نقيضا بالنسبة لـ x ، ويوجد صوت w له الخواص التالية:

$$\mathcal{V}_{(w)} = (\mathcal{V}_{(x)} - \{v\}) \cup \{v\}$$

والمتتالية $ywxz$ تكون مرخّصة.

وبالفعل فإن المتتاليات yxz و $ywxz$ هي مرخّصة، والمتتاليات الجزئية xz و wz هي أيضا كذلك.

نأخذ بعين الاعتبار أن v تشكل مع v زوجا متمايزا بالنسبة لـ x ، ونلاحظ خاصية الصوت w الأولى، وهي أن القيمة v بالنسبة لـ x مرتبطة من اليسار، ونتحقق من وجود تناقض مع الفرضية.

وبالطريقة المشابهة، نبرهن على:

الفرضية 6: إذا كانت القيمة $v \in \mathcal{V}_{(x)}$ مرتبطة من اليمين بالنسبة لـ x ، فإن v قيمة مرتبطة جواريا بالنسبة لـ x .

عكسية الفرضية 6 و 6 ليست صحيحة، وهكذا نحصل على:

الفرضية 7: يوجد نسق فونيمي يحتوي الصوت z ، بحيث لا تكون القيمة v المرتبطة جواريا بالنسبة لـ z قيمة مرتبطة بالنسبة لـ z لا من اليسار ولا من اليمين.

البرهان: سنعتبر النسق الفونيمي التالي المعرّف كمات يلي:

$$\mathcal{V} = \{v_1, v_2, v_3\}, E = \{x, y, z\}, \mathcal{V}_1 = \{v_1\}, \mathcal{V}_2 = \{v_2, v_3\};$$

$$\mathcal{V}_{(x)} = \{v_1, v_2\}, \mathcal{V}_{(y)} = \mathcal{V}_{(z)} = \{v_1, v_3\}$$

سنفترض أنه توجد متتالية وحيدة معلّمة على شاكلة: $xyzyx$ ، ومن ثمة ف:

- إن القيمة v_3 مرتبطة جواريا بالنسبة لـ z ، لأن في المتتالية الوحيدة المرخّصة للنمط $\beta z \alpha$ - بغض النظر على ما يتكون عليه المتتالية YZY - يؤدي تعويض القيمة المعلقة v_3 بالقيمة v_2 إلى المتتالية YZY ، وهذه المتتالية غير مرخّصة.

• لا تكون القيمة v_3 مرتبطة من جانبي z ، وإنما يكون ذلك في المتتالية المرخصة zy ، ومنه فإن v_3 هي قيمة متعلقة لـ z ، ولا تكون مرتبطة في المتتالية zy ، لأنه عند تعويض v_3 بـ: v_2 نحصل على المتتالية xy التي هي أيضا متتالية مرخصة، ومنه فإن القيمة v_3 غير مرتبطة من يسار z ، ومن جهة أخرى، ففي المتتالية المرخصة yz التي يتم فيها تعويض v_3 بـ: v_2 نحصل على yz التي هي أيضا متتالية مرخصة، ومنه فـ: v_3 ليست مرتبطة من اليمين، وهكذا تكون الفرضية 7 مبرهنة تماما.

• بالتعريف نقول أن $v \in \mathcal{V}(x)$ قيمة مرتبطة لـ: x إذا كانت v مرتبطة بالنسبة لـ x بكل متتالية مرخصة تحتوي على x .

الفرضية 8: تكون القيمة $v \in \mathcal{V}(x)$ بالنسبة لـ x قيمة مرتبطة إذا كان فقط إذا كانت القيمة v بالنسبة لـ x مرتبطة جواريا. البرهنة: إن لزوم الشرط واضح، يبقى إعداد ما هو كاف، نقبل أن القيمة v مرتبطة جواريا، ونفرض بالبرهان بالخلف أنه توجد متتالية مرخصة كالتالي:

$x_1 x_2 \dots x_{i-1} x x_{i+1} \dots x_n$ بالنظر إلى كون v ليست مرتبطة، وهذا يعني وجود قيمة u وصوت y على النحو التالي:

$$\mathcal{V}(y) = (\mathcal{V}(x) - \{v\}) \cup \{u\}$$

وأن المتتالية: $x_1 x_2 \dots x_{i-1} y x_{i+1} \dots x_n$ مرخصة.

ومثلما أن المتتاليات الجزئية لبعض المتتاليات المرخصة تكون المتتاليات $x_{i-1} x x_{i+1}$ و $x_{i-1} y x_{i+1}$ هي أيضا مرخصة، ونلاحظ أن القيمة v بالنسبة لـ x ليست قيمة مرتبطة بالنظر إلى المتتالية المرخصة $x_{i-1} x x_{i+1}$ وهذا إذا أخذنا بعين الاعتبار الخواص الأخرى للقيم v و u والأصوات x و y ، وهذا ما يعني الدخول في تناقض مع الفرضية التي تقول أن القيمة v بالنسبة لـ x مرتبطة جواريا، وهكذا تكون الفرضية 8 مبرهنة.

اللازمة: إذا كانت القيمة $v \in \mathcal{V}(x)$ مرتبطة من اليسار بالنسبة لـ x أو من اليمين، فإن القيمة v بالنسبة لـ x قيمة مرتبطة.

البرهنة: تنتج اللازمة مباشرة من الفرضيات 6 و 6' ومن الفرضية 8 المذكورة آنفا.

وبالتعريف نقول أن القيمة $v \in \mathcal{V}(x)$ هي بالنسبة لـ x بديلة (Alternative) من اليسار (أو من اليمين أو من الجانبين) إذا لم تكن القيمة v بالنسبة لـ x قيمة مرتبطة يسارا أو يمينا أو من الجانبين.

وبالتعريف سنقول أن القيمة $v \in \mathcal{V}(x)$ هي بالنسبة لـ x تبديلة (جواريا) إذا لم تكن القيمة v بالنسبة لـ x قيمة مرتبطة (جواريا).

من القضايا المطروحة سابقا نستنتج :

الفرضية 9: إذا كانت القيمة $v \in \mathcal{V}(x)$ بالنسبة لـ x قيمة بديلة جواريا فإن القيمة v بالنسبة لـ x قيمة بديلة من الجانبين.

الفرضية 10: القيمة $v \in \mathcal{V}(x)$ بالنسبة لـ x قيمة بديلة إذا وفقط إذا كانت القيمة v بالنسبة لـ x قيمة بديلة جواريا.

الفرضية 11: إذا كانت القيمة $v \in \mathcal{V}(x)$ بالنسبة لـ x قيمة بديلة فإن القيمة v بالنسبة لـ x قيمة بديلة من الجانبين.

الفرضية 12: يوجد نسق فونيمي يحتوي على الصوت z والقيمة v هي تبديلة من الجانبين بالنسبة لـ z ، وليست تبديلة جوارية لـ z .

14- القيم التوافقية:

سنشير إلى مجموعة قيم الصوت x التي هي بالنسبة لـ x تبديلات من اليسار أو اليمين بـ $\mathcal{A}_g(x)$ وبالتعاقب $\mathcal{A}_d(x)$. وسنرمز إلى مجموعة قيم الصوت x التي هي بالنسبة لـ x تبديلات من الجانبين بـ $\mathcal{A}_b(x)$. وسنرمز إلى مجموعة قيم الصوت x التي هي بالنسبة لـ x تبديلات جوارية بـ $\mathcal{A}_p(x)$. وسنرمز إلى مجموعة قيم الصوت x التي هي بالنسبة لـ x تبديلات بـ $\mathcal{A}(x)$ ¹.

نخلص من الفرضيات 9 و 10 و 11 و 12 على:

الفرضية 13: لدينا لكل صوت x :

$$\mathcal{A}(x) = \mathcal{A}_p(x) \subseteq \mathcal{A}_b(x)$$

ويوجد في بعض الأنظمة الفونيمية أصوات x التي هي بالاحتواء محددة.

¹ - S. Marcus, (1961): Structures linguistiques et structures topologiques, Rev. Math. Pures Appl. 6 (3):501-506

سنعتبر الآن في مجموعة المتتالية علاقة التكافؤ R التي يكون فيها التأويل الطبيعي كالأتي:

- تكون المتتاليتان المعلمتان R-متكافئة إذا كانتا لهما الدلالة نفسها.

لتكن القيمة $v \in \mathcal{A}(x)$ ، ومنه نقول أن القيمة v بالنسبة لـ x توافقية بالنظر إلى المتتالية المعلمة \mathcal{S} التي تحتوي على x إذا وجدت قيمة v وصوت y على النحو الآتي¹:

$$\mathcal{V}(y) = (\mathcal{V}(x) - \{v\}) \cup \{v\} \quad (1)$$

(2) المتتالية \mathcal{S} المحصل عليها انطلاقاً من \mathcal{S} بتعويض x بـ y هي معلّمة.

(3) المتتالية \mathcal{S} ليست R-متكافئة عند \mathcal{S} .

لتكن القيمة $v \in \mathcal{A}(x)$ ، فإذا وجدت متتالية معلّمة \mathcal{S} تحتوي على x وبالنظر إلى أن القيمة v بالنسبة لـ x توافقية، فإننا نقول أن القيمة v هي قيمة توافقية لـ x .

إذا عوّضنا في التعريفات السابقة المجموعة $\mathcal{A}(x)$ بالمجموعة $\mathcal{A}_R(x)$. فإننا سنحصل على قيمة توافقية لـ x من الجانبين.

15- الفونيمات:

نرمز بـ $\square(x)$ لمجموعة القيم التوافقية لـ x ، وبـ $\square_R(x)$ لمجموعة القيم التوافقية من الجانبين لـ x . وبالتعريف يؤلف الزوج $\{x, \square(x)\}$ الفونيم المقترن بالصوت x أو قل الفونيم المنتج بـ x ، وبالطريقة نفسها يؤلف الزوج $\{x, \square_R(x)\}$ الفونيم المقترن بـ x من الجانبين أو الفونيم الجانبي المنتج بـ x .²

نقول عن أن الصوتين x و y متكافئين فونيميا إذا كانت $\square(x) = \square(y)$ وأن x و y متكافئين فونيميا من الجانبين إذا كانت: $\square_R(x) = \square_R(y)$.

ونرمز إلى $\mathcal{C}(x)$ إلى مجموعة الأصوات المتكافئة فونيميا لـ x و y ، وبـ $\mathcal{C}_R(x)$ إلى مجموعة الأصوات المتكافئة فونيميا من الجانبين لـ x .

إن الزوج $\{\mathcal{C}(x), \square(x)\}$ هو الفونيم العام المقترن بـ x أو الفونيم العام المنتج بـ x ، وكل صوت $y \in \mathcal{C}(x)$ هو بالتعريف ألو فون *Allophone* أو لوين.

¹ - Ibid.

² - Jones, Daniel. (2009/1967). *The Phoneme, its nature and its use*. Cambridge University Press.

إن $C(x)$ هو تركيب فيزيائي و $\square(x)$ هو مركب علائقي للفونيم المذكور. إن الزوج $\{C(x), \square(x)\}$ هو الفونيم العام المقترن من الجانبين للصوت x ، أو هو الفونيم العام الثنائي الجانب الناتج عن x .

16- الحيادية والفونيم الكلي: *Neutralization /et archiphoneme*:

لتكن ν قيمة توافقية لـ x ، ولتكن s متتالية معلّمة تحتوي على x ولتكن ν' قيمة و y صوت يملك الخصائص المذكورة سابقا في تعريف القيمة التوافقية بالنظر إلى s ، ولتكن t متتالية معلّمة تحتوي على x . نفترض أن الشروط الآتية تامة، وهي:

(α) المتتالية t المحصل عليها من t بتعويض x لـ y هي معلّمة.

(β) t هي علاقة تكافؤ (□-تكاؤ) لـ t .

في هذه الشروط نقول أن x يُعرّف في المتتالية t وضعية حيادية للفارق بين ν و ν' ¹.

إذا كان لكل متتالية s تحتوي على x ، ولكل ν' ، ولكل y الخاصيات التعريفية للقيمة التوافقية 1 و 2 و 3 بالنسبة لـ s ، ولكل معرّف في المتتالية t وضعية فارقية بين ν و ν' ، فإننا نقول أن x يُعرّف في المتتالية t وضعية حيادية مطلقة أو وضعية حيادية فارقية بين ν والقيم التجانسية الأخرى لـ ν .

بالنظر إلى الفونيمات العامة $\{C(x), \square(y)\}$ و $\{C(y), \square(x)\}$ سنسمي المجموعة: $\square(x) \cap \square(y)$ فونيميا كليا مقترنا بفونيمين.

يكون الفونيم الكلي طبيعيا إذا كانت كل مجموعة: $\square(y) - \square(x)$ و $\square(x) - \square(y)$ تتشكلان من عنصر فقط واحد إذا وُجد عنصر z ، على النحو: $\square(z) = \square(x) \cap \square(y)$ ، فإننا نقول أن الفونيم الكلي المعرّف بالعضو الثنائي للتساوي الأخير هو منجز (*Réalisé*).

ونخلص إلى وجود فونيم لكل $(C(z), \square(z))$ الذي يُقبل تركيبا علائقيا للفونيم الكلي $\square(x) \cap \square(y)$.

يقابل كل نمط من التقابل $\square(x)$ و $\square(y)$ بعض أنماط الفونيم الكلي، فإذا كان $\square(x) = \square(y)$ ، فإن الفونيم الكلي المقترن هو نفسه $\square(x)$ ، وإذا كان $\square(x) \cap \square(y) = 0$ فإن الفونيم الكلي المقترن يكون خاليا. وإذا اتحد

¹ - Martinet, A(1936): "Neutralisation et archiphonème," TCLP, VI, 46-57.

$\square(y) \subset \square(x)$ فإن الفونيم الكلي المقترن يكون منجزا. وإذا أخذنا في الحسبان أن $z = x$ وإذا اتحد $\square(x)$ و $\square(y)$ فإن الفونيم الكلي المقترن يكون أيضا منجزا. وهكذا عندما يكون $z = y$.

ولمفاهيم الحيادية والفونيم الكلي ينظر (1) وبالأخص الناحية اللسانية.

17- مفهوم النسق الفونولوجي:

فيما يلي سنتبع ترتيب أفكار (2) مع بعض التعديلات والتحديدات.

لتكن $\mathcal{S}(G)$ نصف زمرة أحادية (Monoid) حرة مولدة من طريق مجموعة G الأصوات المجردة. ومن بين عناصر $\mathcal{S}(G)$ توجد الوصلة (Séquence) الخالية ω التي لها الخواص التالية: $\omega x = x\omega = x$ مهما كان $x \in \mathcal{S}(G)$ ، نرمز بـ $\square(G)$ إلى جزء $\mathcal{S}(G)$ المشكل بالوصلات (مجموعة منتظمة من الألفاظ) المعلّمة للأصوات المجردة³.

لتكن \square علاقة تطابق (Congruence) في $\mathcal{S}(G)$ على أن تكون $\square(G)$ مشكلة من طريق العلاقة \square (ما يعني أنه لأجل $x \in \square(G)$ ، و $xy \square x$ يكون لدينا $y \in \square(G)$ ، وهكذا تكون المواضيع المعرّفة $\{\mathcal{S}(G), \square(G), \square\}$ بالتعريف نسقا فونولوجيا، وهو نسق فونولوجي للغة التي تكون فيها الجمل عناصر من $\square(G)$ وسيصبح حصر العلاقة \square في $\square(G)$ مؤولا بعلاقة الترادف (يعني اعتبار العلاقة \square كائنة بين عناصر $\square(G)$)، ومنه تكون هي توسعة للعلاقة \square في الفقرة 14.

فمن ضمن القضية التي تقول أنه لأجل $x, y, z, w \in \mathcal{S}(G)$ ، $xy \square z$ و $z \square w$ ، هناك أيضا $xy \square zw$ ، وعليه فتقسيم بعض أزواج الوصلات المعلّمة المترادفة نحصل على عدد لا نهائي من هذه الأزواج.

ويمكن أن يعني انغلاق $\square(G)$ بالنظر إلى \square ، أن الترادف الكائن بين y و $x \in \square(G)$ يستلزم النمط المعلّم لـ y ، وهو من جهة أخرى مطلوب من طريق المفهوم نفسه للترادف، وأن اختيار المجموعة $\square(G)$ و \square يكون متأثرا بوضوح دلالي وتركيبيا.

¹ - Martinet, A. (ed.) (1957). *La notion de neutralisation dans la morphologie et le lexique. Travaux de l'Institut de linguistique, Faculté des lettres de l'Université de Paris 2.*

² - Chao, Y.r (1958),: *the non-uniqueness of phonemic solutions of phonetic systems. Reading in linguistics. New York, p 38-54.*

³ - Peterson, G.E. and Harary, F. (1961) 'Foundations of phonemic theory' in *Structure of Language and its Mathematical Aspects* (ed. R. Jakobson) American Mathematical Society, Providence, Rhode Island.

-18 المتغيرات أو اللوينيات (*Variantes*):

بالنظر إلى المجموعات الجزئية لـ $\mathcal{S}(G)$ ، X_1, X_2, \dots, X_n ، نمرز إلى x_1, x_2, \dots, x_n ، حيث $x_i \in X_i$ لأجل $i = 1, 2, \dots, n$.

إذا كانت: $X_1 = X_2 = \dots = X_n = X$ فإن $X_1 X_2 \dots X_n = X^n$.

وفيما يأتي سنعتبر أن كل أنصاف المجموعات تحتوي على الوصلة الفارغة ω .

لتكن X مجموعة جزئية لـ $\mathcal{S}(G)$ ، ومنه تكون نصف المجموعة $D(X)$ المولدة لـ X بالتعريف أقل نصف مجموعة جزئية لـ $\mathcal{S}(G)$ التي تحتوي المجموعة X ، أي أن $D(X)$ هي تقاطع كل أنصاف المجموعات الجزئية لـ $\mathcal{S}(G)$ التي تحتوي المجموعة X .¹

الفرضية 14: تتطابق نصف المجموعة $D(X)$ المولدة بـ X مع المجموعة: $X^0 \cup X^1 \cup \dots \cup X^n \cup \dots$ حيث $A = X^0 \cup X^1 \cup \dots \cup X^n \cup \dots$.

البرهان:

إذا كانت Y نصف زمرة تحوي X ، فإن Y تحوي أيضا X^n مهما كان n عددا صحيحا غير سالب ومنه $A \subseteq Y$ حيث $A \subseteq \cap Y$ ، حيث Y يجب كل أنصاف الزمر التي تحوي X ، أي أن $A \subseteq D(X)$ ، ويتضح أن A هي أيضا نصف زمرة تحوي على X ، ومنه أن $D(X) \subseteq A$ ، ويتبع هذا أن $D(X) = A$.

وسنقول أن الوصلات X و Y في علاقة لوين أو أن X (عكسيا Y) هو لوين لو Y (عكسيا X)، ونكتب $Y \mu X$ مهما كانت الوصلات X و Y تكون لدينا التضمينات التالية²:

$$1- \text{ إذا كانت } Z \in \square(G) \text{ فإن } Z \mu X \text{ و } Z \mu Y.$$

$$2- \text{ إذا كانت } Z \in \square(G) \text{ فإن } Z \mu Y \text{ و } Z \mu X.$$

الفرضية 15: إذا كانت $Y \mu X$ وإذا كانت $X \in \square(G)$ أو $Y \in \square(G)$ فإنه يكون لدينا $X \mu Y$.

البرهان: في الواقع، يكفي أخذ داخل التعريف في الحسبان علاقة التغير (التلون): $Z = W = \omega$.

الفرضية 16: علاقة اللوين هي علاقة تطابق في $\mathcal{S}(G)$.

¹ - Halle, Morris (1961). *On the role of simplicity in linguistic descriptions. In Proceedings of Symposia in Applied Mathematics. Vol. 12: Structure of language and its mathematical aspects. American Mathematical Society. 89–94.*

² - Peterson, G.E. and Harary, F. (1961) 'Foundations of phonemic theory' in *Structure of Language and its Mathematical Aspects* (ed. R. Jakobson) American Mathematical Society, Providence, Rhode Island.

البرهان: ضمن انعكاسية \square فالعلاقة μ هي انعكاسية، وتناظر μ هو نتيجة تعريف μ ولتناظر \square . نفرض الآن أن: $y\mu x$ و $x\mu y$ وليكن من جهة أخرى $ux\mathcal{W} \in \square(G)$ ، إن كون $y\mu x$ ينتج $ux\mathcal{W} \square uy\mathcal{W}$ ، ومنه لأن $\square(G)$ هي مغلقة ل \square فإن $uy\mathcal{W} \in \square(G)$.
ولكون $z\mu y$ نخلص إلى أن $uy\mathcal{W} \square uz\mathcal{W}$ ، وإذا أخذنا بعين الاعتبار تعدي \square نستنتج أن $ux\mathcal{W} \square uz\mathcal{W}$. لدينا إذن نشوء الاستلزام:
 $ux\mathcal{W} \in \square(G) \Rightarrow ux\mathcal{W} \square uz\mathcal{W}$ ، وبالطريقة المماثلة ننشئ الاستلزام $uz\mathcal{W} \in \square(G) \Rightarrow ux\mathcal{W} \square uz\mathcal{W}$ ، ومنه فإن العلاقة μ المتعددية هي علاقة تكافؤ في $\mathcal{S}(G)$.

نفرض الآن أن $y\mu x$ ونبرهن أن $xv\mathcal{W} \square yv\mathcal{W}$ مهما كان $v \in \mathcal{S}(G)$. ونفرض أن $xvz\mathcal{W} \in \square(G)$. إن كون $y\mu x$ يُتبع بالعلاقة $z\mathcal{W} \square xvz\mathcal{W}$ ، ومن جهة أخرى إذا كانت: $zyv\mathcal{W} \in \square(G)$ ، فإنه لدينا ضمن كون $y\mu x$ العلاقة $z\mathcal{W} \square xvz\mathcal{W}$ ونستنتج أن $xv\mathcal{W} \square yv\mathcal{W}$ وأن العلاقة μ هي ليست متغيرة (متلونة) من اليمين، وبالطريقة نفسها نثبت أن العلاقة μ ليست متغيرة من اليسار، ومنه فهي إذن علاقة تطابق.

ملاحظة: تشكل الوصلات التشويشية بالنظر إلى $\square(G)$ ، أي الوصلات التي لا تستمر في وصلة من $\square(G)$ صنفا وحيدا للتطابق.
الفرضية 17: تكون المجموعة $\square(G)$ مغلقة بالنظر ل μ .

البرهان: نفرض أن $x \in \square(G)$ و $y\mu x$ ، فمن ضمن الفرضية 15 يكون لدينا $xy \square$ وتكون $\square(G)$ مغلقة بالنسبة ل \square ، ومنه فإن:
 $y \in \square(G)$.

19- اللوينيات بمعنى أوسع:

إن علاقة التغير μ تقابل المتغير الحر المعروف في التحليل الفونيمي، ونعرف أيضا أن وصلتين صوتيتين تعتبر في التحليل الفونيمي لوينيات (ألفونات) لكيان نفسه وليس فقط عندما يتواجد في متغير حر ولكن بتواجده أيضا في بعض مواضع التوزيع التكميلي، ولإدراج هذه الوضعية أدخلنا توسعا في العلاقة μ ، يعني أن الوصلات xy يتواجدان بالتعريف في علاقة اللوين بمعنى أوسع إذا كانتا دائما هي وصلات $z\mathcal{W}$ على النحو:

$zy\mathcal{W} \in \square(G)$ يكون لدينا $z\mathcal{W} \square xy$ ونقول في هذه الحالة أن x (وتبادليا y) هي لوين بمعنى أوسع ل y (وتبادليا x)، ونكتب:
 $1. xv\mathcal{W}$

الفرضية 18: إذا كان x لوينا ل y ، فإن x هو لوين بمعنى أوسع ل y ، في حين ان عكس الفرضية ليس صحيحا.

20- قصور اللوينيات بمعنى أوسع:

في بعض الأحيان، يعرف الفونيم باعتباره مجموعة من الأصوات التي تتنوع تنوعا حرا أو تتوزع توزيعا تكامليا، أي عندما أن نفترض أن سلسلتين xy يحتويان على الفونيم نفسه إذا فقط إذا كان $xv\mathcal{W}$ لأن الانتماءين $z\mathcal{W} \in \square(G)$ و $zy\mathcal{W} \in \square(G)$ لا يتحققان أبدا لأن xy في توزيع تكميلي، ومنه فالاستلزام مأمول ومرضي، وبهذا نصل إلى الالتباسات لأن علاقة \mathcal{V} ليست علاقة تكافؤ. ومنه نخلص إلى:

¹ - Peterson, G.E. and Harary, F: op.cit.

الفرضية 19: علاقة التلون بمعنى أوسع ليست متعدية.

-21 الأساس الفونيمي والفونيمات:

ليكن $X \subseteq \mathcal{S}(G)$ ، نقول أن X هو أساس بالنسبة للنسق الفونولوجي $\{\mathcal{S}(G), \square(G), \square\}$ إذا أُجِدت مجموعة جزئية $Y \subseteq \mathcal{S}(G)$ تتمتع بالخواص الثلاثة الآتية:

$$Y \subseteq D(X) \quad -1$$

-2 $x \in X$ و $y \in Y$ و $u, v \in \mathcal{S}(G)$ وواحدة على الأقل من السلاسل u و v ليست خالية ومن ثمة فإنه لا يمكننا رؤية $x = uv$ ، أي أن المتتالية Y ليست مجموعة جزئية دقيقة للمتتالية X .

$$-3 \quad \square(G) \subseteq D(\mu(Y)) \quad \text{، حيث } \mu(Y) \text{ تشير إلى مجموعة لوينات المتتاليات } Y.$$

وضمن الفرضية 14 فإن الشرط الأول يصرح بأن عناصر Y هي العناصر المتتالية لـ X ، والشرط الثاني يوضح المعيار الأدوني للمتتاليات التي تنتمي إلى الأساس X ، بينما الشرط الثالث يوضح إمكانية تمثيل أي جملة من جمل اللغة التي تعتبر متتالية من لوينات بعض متتاليات Y . وإذا حصل مثلما بين S. Kanger(32) وإن أولنا عناصر Y كلمات يكون فيها التلفظ قياسيا بدقة، فإن $\mu(Y)$ ستحتوي على كل لوينات تلفظ كلمات Y ومنه فإن كل جملة من جمل اللغة $\square(G)$ هي متتالية لوينات كلمات Y .

وفي الحالة الخاصة حيث العلاقة $y\mu x$ تكون غير متحققة عند كون $x = y$ فإن الأساس X في مثل هكذا جملة من جمل $\square(G)$ هو متتالية عناصر X ومتتالية عناصر وسيطة للقضية 14، وناتج كون العلاقات $\square(G) \subseteq D(Y)$ و $Y \subseteq D(X)$ تقودان إلى العلاقة $\square(G) \subseteq D(X)$

ومن بين الأسس التمييزية للنسق الفونولوجي الكثر أهمية تلك التي تحتوي على العدد الأكثر قلة من العناصر، ومنه نصل إلى المفهوم الآتي: يكون الأساس X بالتعريف أساسا فونيميا إذا لم يكن هناك أي أساس آخر يكون فيه العدد الأصلي هو الأدنى من هذا لـ X ، وتأكيدا لذلك فإننا نلاحظ العديد من الأسس الفونيمية للنسق الفونولوجي نفسه، ويمكننا من هنا أن نختار ذلك الذي تشترك فيه مجموعة Y بالمجموعة الأصلية الأقل حيث يمكننا أن نأخذ بعين الاعتبار المعايير الأخرى..

إذا كان من بين أسس النظام الفونولوجي وجود على الأقل من يكون محدودا، فإننا نقول عنه أنه نسق فونيمي محدود، وتؤلف في هذه الحالة مجموعة عناصر الأساس الفونيمي جردا فونيميا (Un inventaire phonématique) للنظام المعني، بينما العناصر نفسها لهذا الأساس هي فونيمات للنسق الفونولوجي المعني. إن عدد فونيمات النظام الفونولوجي ستصبح بالتالي وبالتحديد أمانة (L' indice) هذا النظام.

-22 إشكالات وجود وتفرد الجرد الفونيمي:

يستند كل نسق فونولوجي على أساس فونيمي محدود وعلامة النسق $\{\mathcal{S}(G), \square(G), \square\}$ لا تتعدى عناصر G التي هي أساس دائما¹.
الفرضية 21: إذا لم يكن $y\mu x$ تشويشين (صوتين غير معتبرين) بالنسبة لـ $\square(G)$ ، وإذا كان لدينا الاستلزام التالي : $x = y \Rightarrow x\mu y$ ، فإنه يكون لدينا أيضا الاستلزام $y\mu x \Rightarrow x = y$.

الفرضية 22: لا يوجد نسق فونولوجي لا يكون فيه الأساس الفونيمي وحده محدودا.

¹ - Peterson, G.E. and Harary, F: op.cit.

الفرضية 23: يوجد نسق فونولوجي تكون فيه العلامة مكونة بدقة من أقل عدد من عناصر G .

-23 بعض العوائق المتعلقة بالتطبيق على بعض اللغات الطبيعية:

فيما يخص الجرد الفونيمي للسان الطبيعي سيكون المطلوبان التاليان مهمين كذلك، وهما¹:

1- لا بد أن يكون عدد الفونيمات أقل ما يمكن.

2- لا بد أن تكون أي جملة من جمل اللسان سلسلة من لونيئات (تنوعات) الفونيمات.

سنعتمد على تعريف الجرد الفونيمي المعروض سلفا للمطلب 1، حيث لا يكون كذلك للمطلب 2.

في الواقع- وانطلاقا من التعريفات المعطاة- فإن أي جملة من جمل اللسان هي سلسلة من اللونيئات من سلاسل الفونيمات لكن ليست دائما هي سلسلة من لونيئات الفونيمات. وفيما يخص الشرط 2 لا يكفي أن نعتمد على السمات العروضية.

نستطيع أن نكتفي بالشرط 2 بتعديل تعريف الأساس بالطريقة التالية:

X هي أساس للنسق الفونولوجي $\{ \square(G), \square(G), \delta(G) \}$ إذا كانت أي سلسلة من $\square(G)$ ليست جزءا دقيقا من سلسلة X إذا كانت تحقق الاحتواء التالي $\square(G) \subseteq D(\mu(X))$. وفي هذه الحالة لا يكون الشرط 1 كافيا كما يتبين في الشرط النبر في الإنجليزية.

-24 الثنائية (Binarisme):

سنعود الآن إلى النقطة التي أثارها العلماء (2-16)، فحسب رومان جاكوبسون (28-29) فإن المفهوم المركزي للتحليل الفونيمي ليست فقط الفونيم، لكن يتعدى ذلك إلى ما يطلق عليه بالسمات المميزة المزدوجة. وباستعمال المصطلح ها، فإن السمة المميزة المزدوجة تتعلق بقيمة مشتركة في الفرضية التي تقول أن كل مجموعة من القيم المتشابهة تتشكل بالتدقيق من عنصرين إيجابيين وسليبيين.

إن المركب المتعلق بكل فونيم هو إذن مجموعة السمات المميزة المزدوجة².

إن هذه الفرضية هي بالتحديد واحدة من الأفكار المركزية لنظرية رومان جاكوبسون. وفي العمل المميز الذي قام به قال: "إن المنطق يميز فضاءين من التقابلات، فالنمط الأول هو المقابلة التي يصطلح عليها التعارضات وهي علاقة بين الحاضر والغائب للعنصر نفسه، مثلا: صوائت لسان تتقابل مع الصوائت غير الطويلة، والنمط الثاني هو المقابلة التي يصطلح عليها بالتضاد وهي علاقة بين عنصرين اثنين التي هي جزء من الجنس نفسه التي تختلف كثيرا عن بعضها أو التي تمثل المعيار المميز الحساس بدرجات تمتلك بالتعكس الأقصى أو الأدنى"³.

¹ - S. Marcus(1960): *Mathematique et phonologie. Theorie des graphes et consonantisme de la langue roumaine, I. Rev. de math. pures et appl., vol. 5, 2, p. 319-340 (in collab. with Em. Vasiliu).*

² - Martinet, A(1955): *Economie des changements phonétiques: Traité de phonologie diachronique. Berne: Francke Verlag. 396 pp.*

³ - JAKOBSON, Roman(1963), *Essais de linguistique générale. I. Les fondations du langage, traduit et préfacé par Nicolas Ruwet, Paris: Les Editions de Minuit, (chap. VI, «Phonologie et phonétique»)*

إن التفسيرات المعطاة في سابقا تقود التحليل الفونيمي إلى حدود متعارضة حصريا، وهكذا تتمظهر الثناءوية اللسانية.

إن السجلات والمناقشات المتعلقة بهذه المسألة لم تتوقف أبدا¹، ومن وجهة نظر هؤلاء للقيم المتجانسة \mathcal{V}_1 و \mathcal{V}_2 تعبر حدودا متعارضة إذا كانت المجموعة \mathcal{V}_i التي تحتويها مشكّلة حصريا من هذين العنصرين، وبالعكس إذا كانت \mathcal{V}_i تحتوي على الأقل على قيمة غير \mathcal{V}_1 و \mathcal{V}_2 ، ومنه فوجود حدين متعارضين مستبعد. فمثلا إذا كانت $\mathcal{V}_i = \{\text{أصم جهري}\}$ فإن أصم وجهري هما حدان متعارضان، لكن إذا كان $\mathcal{V}_i = \{\text{أصم حيادي، جهري}\}$ فإن جهري أصم حدان متضادان، في حين أن أصم وحيادي وجهري ليسوا متعارضين ولا متضادين.

يمكن تلخيص مخارج وصفات الحروف في العربية في الجدول التالي²:

المخارج	الصفات													
	انطلاقية غير محتكة				انطلاقية احتكاكية				انفجارية محتكة		انفجارية			
	مجهور				مهموسة		مجهور		مجهور		مهموسة		مجهور	
	نصف حركة	تبدل	تبدل	م	ع	ع	ع	ع	ع	ع	ع	ع	ع	ع
متحركة	و			م										ب
						ف								
						ث	ظ	ذ						
		ل	ر	ن	ص	س	ز		ط	ت	ض	د		
متحركة	ي					ش			ج					
متحركة	و										ك			
						خ		غ		ق				
						ح، هـ		ع						
											ق			

¹ - Jakobson, R., Fant, C.G.M., and Halle, Morris. (1961). Preliminaries to Speech Analysis. Cambridge, Mass.: M.I.T.

² - سعد مصلوح (1980) - دراسة السمع و الكلام - عالم الكتب - القاهرة - ص 110 -

إن التفسيرات الشناوية أعطت كثيرا من الفوائد لا للأسباب اللسانية فحسب بل أيضا للأسباب الرياضية التي سمحت بالتلاؤم الأمثل مع نظرية العلامات المزدوجة المتطورة جدا ومع نظرية العمليات الجبرية وعمليات Boole. ومن التمثلات الشناوية للفونيمات الصواتمية للإنجليزية:¹ مصوت، صامت، حاد، كثيف، صار، غني، مطرد، جهري.

-25 سهولة الوصف الفونولوجي:

تؤلف المجموعة A من الفونيمات بالتعريف الصنف الطبيعي إذا كان عدد القيم التي تشترك مع فونيمات A الضرورية من أجل تخصيص المجموعة A مجموعة دنيا من عدد القيم التي تخصص أي فونيم من المجموعة A .

يمكن أن نصل إلى أن مجموعة القيم المشتركة من فونيمات A هي غير خاصة بـ A ، وفي هذه الحالة فإن A ليست صنفا طبيعيا.

لقد لخص Morris Halle (20) مفهوم الصنف الطبيعي واقترح قياس سهولة الوصف الفونولوجي بعدد القيم المستعملة، فالوصف الأكثر سهولة يتحقق عندما يكون هذا العدد أقل بكثير.

-26 جبر Boole:

لتكن لدينا المجموعة A وعملياتان ثنائيتان معرفة في A ، واحدة هي الفصل ويرمز لها بـ: V وأخرى هي الوصل ويرمز لها بـ: \wedge ، ومنه نشرك أي زوج من العناصر x و y في A بعنصرين مجددين بدقة في A ، يشار إلى الأولى بـ: $x \vee y$ والأخرى بـ: $x \wedge y$ ، ونفترض أن الشروط الخمسة التالية مغطاة، ومهما يكن x و y و z في A :

$$x \wedge (y \vee z) = (x \wedge y) \vee (x \wedge z) \quad -1$$

$$x \vee (y \wedge z) = (x \vee y) \wedge (x \vee z) \quad -2$$

$$x \wedge \square = x \quad -3$$

$$x \vee 0 = 0 \quad -4$$

$$-5 \text{ لأي عنصر } x \in A \text{ يوجد في } A \text{ على الأقل عنصر يسمى المتمم لـ } x \text{ يشار إليه بـ: } \dot{x} \text{ ، حيث:}$$

$$x \wedge \dot{x} = 0 \text{ و } x \vee \dot{x} = \square$$

كل مجموعة A فيها على الأقل عمليتان ثنائيتان \wedge و \vee لها الخصائص السالفة هي بالتعريف جبر Boole.²

الفرضية 24: إذا كانت A جبرا لـ: Boole فإنه يكون لدينا: $x \wedge x = x$ مهما كان $x \in A$.

الفرضية 25: إذا كانت A جبرا لـ: Boole فإنه يكون لدينا مهما كانت : $(\dot{x})' = x$ ، $x \in A$.

¹ - JAKOBSON, Roman(1973) : *Essais de linguistique générale. 2. Rapports internes et externes du langage*, Paris: Les Editions de Minuit, (chap. VI, «Observations sur le classement phonologique des consonnes»)

² - C. Cherry, M. Halle and R. Jakobson(1953):, *Toward a logical description of languages in their phonemic aspect*, Language 29(1953)34-46.

الفرضية 26: إذا كانت A جبراً لـ Boole فإنه يكون لدينا: $x \vee x = 1$ و $x \wedge x = 0$ مهما كان $x \in A$.

الفرضية 27: إذا كانت A جبراً لـ Boole فإنه لكل $x \in A$ فإن x المشترك هو المحدد الوحيد.

الفرضية 28: إذا كانت A جبراً لـ Boole فإنه يكون لدينا $0 \wedge x = 0 = 0 \wedge x$ مهما كان $x \in A$.

لازمة: إذا كان $0 = 0$ فإن $x = 0$ مهما كان $x \in A$.

مثال آخر عن جبر Boole :

لتكن E مجموعة ما يرمز لها بـ: $\mathcal{P}(E)$ مجموعة الجزئيات، فمن السهل ملاحظة أن $\mathcal{P}(E)$ - بوجود على الأقل عمليتي الاتحاد والتقاطع - هي جبر لـ Boole حيث أن التقاطع U يؤدي دور الفصل V بينما الاتحاد \cap يؤدي دور الوصل \wedge ، ودور المحايد \square هنا في المجموعة الكلية E يؤدي دوره المجموعة الخالية في E. ويمكن بسهولة التحقق أيضاً في هذه الحالة الخاصة من الفرضيات (القضايا) المذكورة سابقاً. (يحسن الرجوع إلى¹ للتعلم في الدراسة الرياضية للبنيات اللسانية.

-27 جبر Boole المولد من طريق صنف المجموعات:

لتكن لدينا المجموعة E والخواص: α و β و γ ... قابلة للتطبيق على E، ونقترح أن كل عنصر من E يملك على الأقل واحدة من هذه الخواص. نرمز بـ: a (وبالتعاقب... b; c) لمجموعة عناصر E التي لها الخواص α (وبالتعاقب: β و γ)، ونذكر بالرموز \bar{a} (وبالتعاقب... \bar{b} \bar{c}) لتمم المجموعة a (وبالتعاقب... b; c) في المجموعة E، ونشير إلى التقاطع بـ: \cap وإلى الاتحاد بـ: U.

ما يلاحظ أن المجموعات المحصل عليها بطرق التقاطع والاتحاد والتعدي والمتمم هي جبراً لـ Boole حيث أن \square في E التي تمتلك الخواص: α و β و γ ... بينما 0 هي المجموعة الخالية التي لا تمتلك أي خاصية، وهكذا فـ جبر Boole المحصل عليه هو بالتعريف مولد من طريق... a, b, c التي هي موليد لهذا الجبر، أو نقول أن جبر Boole مولد بخصائص... α و β و γ ، حيث مثلاً لو كانت لدينا خاصيتان من هذين ولدت جبر Boole لتشكلت لدينا المجموعات التالية: 0, E, a, b, \bar{a} , \bar{b} ، والمجموعة الخالية $\bar{a}\bar{b}$.

نشير بـ: $\mathcal{B}(\alpha, \beta, \gamma, \dots)$ لجبر Boole المولد بالخواص... α, β, γ ومن ثمة فكل تقاطع يقع لكل مجموعة... a, b, c يُمثل بنفسه أو بمتممه، وهو حسب التعريف مجموعة صغرى لـ: $\mathcal{B}(\alpha, \beta, \gamma, \dots)$.

في الحقيقة لو أننا شكلنا خواص الطبيعة الصوتية بتعديل الوصف الفونولوجي الثنائي فإننا سنحصل بالاعتماد على هذه المفاهيم التي استعرضناها سلفاً على صورة نسقية جدا للفونيمات حسب الجانب العلائقي².

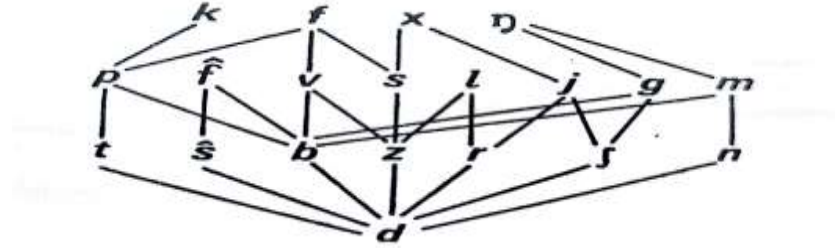
-28 الفونيمات وجبر Boole :

¹ - Benzecri, j.p(1964): *linguistique mathématique. Université de Rennes.*

² - Fischer-Jørgensen, E(1952).: *On the definition of phoneme categories on a distributional basis. Acta Linguistica Hafniensia 7: 8-39.*

نستطيع ان نحصل على نسق للصوامت انطلاقا من خواص الصوامت: (حاد، غني، كثيف، مستمر، أصم، جهري) ومن ثمة نعد مجموعة الفونيمات المتعلقة بتقاطع هذه الخواص ، ويعد نسق الصوامت هذا جبرا ل: *Boole* .

نستطيع أن نطلق على جبر *Boole* هذا أي: $B(\alpha, \beta, \gamma, \dots)$ ترسيمة *Hasse* الذي يمثل كل عنصر من هذا الجبر بنقطة في المخطط ونوصل ذلك بمخطوط:



هذا المخطط يستجيب لمطالب *Brondal*¹ أو لطبقية الفونيمات أو الإمكانيات المختلفة للأنساق في الصف أو المخطط الرابط بين فونيمات التركيب المتنوع ومختلف أنماط السمات الفونولوجية المعرفة بطريقة سهلة وبين مختلف الأنماط المجردة أو المعقدة المعرفة بعناصر أكثر عددا².

يستعمل *Brondal* أربعة خواص نطقية مثل (خلفية -أمامية- علوية - سفلية)، ويعطينا وصف النسق الصوتي باعتباره دليل المبدأ التالي: " أي بالتقاء التعارضات أمامي - خلفي وعلوي- سفلي، ليس فقط على مستوى نوع النطق الفسيولوجي والطابع السمعي والتمثيلي والصورة النفسية، وإنما كذلك بوجود النظر في الوقت نفسه وعمق إلى كل هذه التظاهرات الخارجية للقيم الرمزية"³ وبهذه الدقة أيضا وصف *Ungeheuer* تقسيم الصوائت أيضا⁴ ، حيث اعتبر كل منهما النسق الصوتي جزءا من جبر *Boole* $B(\alpha, \beta, \gamma, \dots)$ ، وبهذا نحصل على 16 نوعا من الصوائت:

- 1- صائت حيادي (*amorphe*) حيث تغيب كل الخواص المذكورة سابقا
- 2- أربع عناصر من الصوائت لها خاصية واحدة
- 3- ست صوائت مميزة نحصل عليها بخاصيتين
- 4- أربع صوائت مؤلفة نحصل عليها بثلاثة خواص
- 5- صائت متعدد المورف نحصل عليه باجتماع الخواص الأربعة.

ويمكن أن نحصل على هذه الصوائت بتفعيل وتوظيف الثنائيات المقدمة سلفا في وصف النسق الصوامتي إذا طُبِّقت على الإنجليزية⁵.

خاتمة:

¹- BRONDAL, V.,: *La structure des systemes vocaliques . Travaux du cercle linguistique de Prague. vol 6,p.62-74.*

² - G. Birkhoff, *Lattice theory. Bull. Amer. Math. Soc. 56 (1950), no. 2, 204--206.*

³ - BRONDAL, V.,: *op.cit.*

⁴- C. Cherry(1956): *Roman Jakobson's distinctive features as the normal coordinates of a language, in:For Roman Jakobson, ed. M. Halle (Mouton, The Hague.*

⁵ - JAKOBSON, Roman(1973) : *Essais de linguistique générale. 2. Rapports internes et externes du langage,Paris: Les Editions de Minuit, (chap. VI, «Observations sur le classement phonologique des consonnes»)*

بمذه الطريقة وُصفت اللاتينية لأهمية هذا العمل وفيما يخص البنية الفونيمية لها ينظر (1) ويحسن كذلك النظر في وصف الفونيمات بتطبيق جبر *Boole* كتاب *V. Belevitch*²، وفيما يخص التحليل الفونولوجي ينظر (3)، ومنه نستطيع أن نطبق ذلك على العربية، وحاسوبيا يمكن أن نحصر عدد الفونيمات الفعلية فيها.

• البيليوغرافيا:

العربية:

1) مصلوح، سعد(1980): - دراسة السمع و الكلام - عالم الكتب - القاهرة - ص 110.

الأجنبية:

- 2) *Batóg Tadeusz(1961) : Critical Remarks on Greenberg's Axiomatic Phonology. - Studia Logica 12 (1):195 - 205. <https://philpapers.org/rec/BATCRO>*
- 3) *Belevitch. Vitold(1956): Langage des Machines et Langage Humain, Bruxelles: Office de publicité. <http://51.75.69.160/forum/?q=Langage+des+machines+et+langage+humain+-+V.+Belevitch>*
- 4) *Benzecri.j.p(1964): linguistique mathematique. Universite de Rennes.1964.*
- 5) *Bernard Bloch(1948): A Set of Postulates for Phonemic Analysis, IN Language, Vol. 24, No. 1 (Jan. - Mar., 1948), pp. 3-46. Published by: Linguistic Society of America , DOI: 10.2307/410284, <https://www.jstor.org/stable/410284>.*
- 6) *Bloomfield, Leonard. (1926):. A set of postulates for the science of language. Language 2, 153–164. [Reprinted in Joos (1966), 26–31.] CrossRef | Google Scholar*
- 7) *G. Birkhoff,(1950): Lattice theory. Bull. Amer. Math. Soc. 56 (1950), no. 2, 204--206. <https://projecteuclid.org/euclid.bams/1183514563>.*
- 8) *BRONDAL, V.,: La structure des systemes vocaliques . Travaux du cercle linguistique de Prague. vol 6,p.62-74. https://www.dbnl.org/arch/wijk002phon01_01/pag/wijk002phon01_01.pdf.*

¹ - G. Birkhoff,(1950): Lattice theory. Bull. Amer. Math. Soc. 56, no. 2, 204--206.

² - Belevitch. Vitold(1956): Langage des Machines et Langage Humain, Bruxelles: Office de publicité.

³ - Bernard Bloch(1948): A Set of Postulates for Phonemic Analysis, IN Language, Vol. 24, No. 1 (Jan. - Mar., 1948), pp. 3-46. Published by: Linguistic Society of America

- 9) Chao, Y. (1958): *the non-uniqueness of phonemic solutions of phonetic systems. Reading in linguistics. New York. 1958, p 38-54.* <http://www2.ihp.sinica.edu.tw/file/3561jfNdQqj.pdf>
- 10) C. Cherry (1956): *Roman Jakobson's distinctive features as the normal coordinates of a language, in: For Roman Jakobson, ed. M. Halle (Mouton, The Hague, 1956).* [Google Scholar](#)
- 11) C. Cherry, M. Halle and R. Jakobson (1953): *Toward a logical description of languages in their phonemic aspect, Language 29(1953)34-46.* <https://link.springer.com/article/10.1007/BF02451548>.
- 12) Fischer-Jørgensen, E (1952): *On the definition of phoneme categories on a distributional basis. Acta Linguistica Hafniensia 7: 8-39 (1952). Reprinted several times, once in French translation, cf. the complete list of publications in Grønnum and Rischel [2001].*
- 13) Glivenko, V (1938): *Theorie generale des structures, Hermann, Paris.*
- 14) GREENBERG, JOSEPH H. (1959): *An axiomatization of the phonologic aspect of languages. Symposium on sociological theory, ed. Llewellyn Gross, 437-82. New York: Harper & Row.*
- 15) Halle, Morris: (1954) *The Strategy of Phonemics, WORD, 10:2-3, 197-209, OI:10.1080/00437956.1954.11659523* [To link to this article: https://doi.org/10.1080/00437956.1954.11659523.](https://doi.org/10.1080/00437956.1954.11659523)
- 16) Halle, Morris (1961). *On the role of simplicity in linguistic descriptions. In Proceedings of Symposia in Applied Mathematics. Vol. 12: Structure of language and its mathematical aspects. American Mathematical Society. 89-94.* [Google Scholar](#)
- 17) Harary, F., and H.H. Paper (1957): *"Toward a general calculus of phonemic distribution", L g 33, 143-169.*
- 18) Harris, Z.S (1961): *Structural linguistics, University of Chicago Press, 5th impr.* https://pure.mpg.de/rest/items/item_2346220/component/file_2346219/content.
- 19) Hockett, C.F (1955): *A manual of phonology, 1955.* <https://archive.org/details/manualofphonolog00inhock>.

- 20) Hockett, Charles F. (1949): *Two fundamental problems in phonemics. Studies in Linguistics* 7: 29-51. Reprinted in Makkai 1972, pp. 200-210.
- 21) Hockett, Charles F. (1955): *A manual of phonology. Baltimore: Waverley Press*
- 22) JAKOBSON, Roman (1963): *Essais de linguistique générale. 1. Les fondations du langage, traduit et préfacé par Nicolas Ruwet, Paris: Les Editions de Minuit, (chap. VI, «Phonologie et phonétique»)*
- 23) JAKOBSON, Roman (1973) : *Essais de linguistique générale. 2. Rapports internes et externes du langage, Paris: Les Editions de Minuit, (chap. VI, «Observations sur le classement phonologique des consonnes»)*
- 24) Jakobson, R., Fant, C.G.M., and Halle, Morris. (1961): *Preliminaries to Speech Analysis. Cambridge, Mass.: M.I.T. Press.* <https://mitpress.mit.edu/books/preliminaries-speech-analysis> / https://monoskop.org/File:Jakobson_Fant_Halle_Preliminaries_to_Speech_Analysis.pdf.
- 25) Jones, Daniel. (2009/1967): *The Phoneme, its nature and its use. Cambridge University Press.* https://www.academia.edu/645389/Linguistlist_Jones_Daniel_2009_1967_The_Phoneme_its_nature_and_its_use_Cambridge_University_Press
- 26) Kanger, S (1964): "The Notion of Phoneme", *Statistical Methods in Linguistics* 3 (1964), 43-48. https://link.springer.com/content/pdf/10.1007%2F978-94-010-0500-5_25.pdf.
- 27) S. Marcus (1961) *Structures linguistiques et structures topologiques, Rev. Math. Pures Appl.* 6 (3): 501–506 .[Google Scholar](#)
- 28) □ S. Marcus (1960): *Mathématique et phonologie. Théorie des graphes et consonantisme de la langue roumaine, I. Rev. de math. pures et appl., vol. 5, 2, p. 319-340 (in collab. with Em. Vasiliu).*
- 29) □ S. Marcus (1960): *Mathématique et phonologie. Théorie des graphes et consonantisme de la langue roumaine, II. Rev. de math. pures et appl., vol. 5, 3-4, p. 681-703 (in collab. with Em. Vasiliu). 64'. Romanian version of the articles 63 and 64. Fonetica si Dialectologie, vol. 3, 1961, p. 15-55.*

- 30) *Martinet, A. (ed.) (1957). La notion de neutralisation dans la morphologie et le lexique. Travaux de l'Institut de linguistique, Faculté des lettres de l'Université de Paris 2. Google Scholar.*
- 31) *Martinet, A(1936): "Neutralisation et archiphonème," TCLP, VI , pp: 46-57. https://books.google.com.sa/books/about/Neutralisation_et_archiphon%C3%A8me.html?id=IYQHcgAACAAJ&redir_esc=y*
- 32) *Martinet, A(1955): Economie des changements phonétiques: Traité de phonologie diachronique. Berne: Francke Verlag. 396 pp. https://www.persee.fr/doc/reg_00352039_1956_num_69_324_3435_t2_0217_0000_2*
- 33) *Peterson, G.E. and Harary, F. (1961) 'Foundations of phonemic theory' in Structure of Language and its Mathematical Aspects (ed. R. Jakobson) American Mathematical Society, Providence, Rhode Island. <http://orient.sav.sk/wp-content/uploads/aas/1968.pdf>.*
- 34) *Prieto, L. J.(1954) — Traits oppositionnels et traits contrastifs, Word, 10, 43-59. In: <https://www.jstor.org/stable/27758394?seq=1>*
- 35) *Troubetzkoy, N. S(1939): — Principes de phonologie, Klincksieck, Paris, 1939. https://www.google.com/search?safe=strict&client=firefox-b-d&biw=1366&bih=654&ei=-URJX4evCoWQ1fAP3Jqw-AQ&q=Troubetzkoy%2C+N.+S.+%E2%80%94+Principes+de+phonologie%2C+Klincksieck%2C+Paris%2C+1939.&oq=Troubetzkoy%2C+N.+S.+%E2%80%94+Principes+de+phonologie%2C+Klincksieck%2C+Paris%2C+1939.&gs_lcp=CgZwc3ktYWIQDEoFCAQSATFKBOgHEgExSgUICRIBMUoFCAoSATFQ00pY00pg1F9oAXAAeACAAcQCiAHEApIBAzMtMZgBAKABAaABAqoBB2d3cy13aXqWAQDAAQE&sclient=psy-ab&ved=0ahUKEwjHj8yFvL7rAhUFSBUIHVwNDE8Q4dUDCAw*